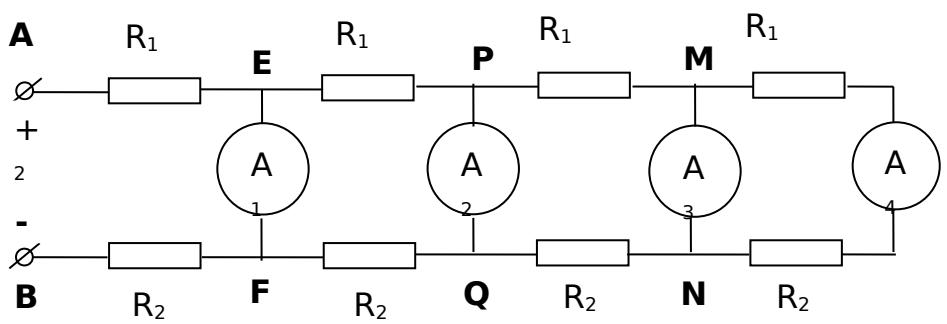


®Ò thi m n: Vật l 

C@u 1 (2,0 ®iÓm). Ba ngi ®i xe ®¹p ®u xut ph,t t A và B trn ®o¹n ®ông th^{1/4}ng AB. Ngi th nht ®i vi vn tc lu $v_1 = 8\text{km/h}$. Ngi th hai xut ph,t sau ngi th nht 15 pht v ®i vi vn tc $v_2 = 12\text{km/h}$. Ngi th ba xut ph,t sau ngi th hai 30 pht. Sau khi gÆp ngi th nht, ngi th ba ®i thm 30 pht na th s c, ch ®u ngi th nht v ngi th hai. Tm vn tc ngi th ba. Gi¶ thit chuyn ®ng ca ba ngi ®u lu nhng chuyn ®ng th^{1/4}ng ®u.

**C@u 2 (2,0
®iÓm).** Cho

m¹ch ®iÖn nh
 h×nh bən. C,c
 ampe kÕ gièng
 nhau vµ ®iÖn
 trë cña chóng
 kh,c 0. Ampe
 kÕ A₂ chØ 1,9A;
 ampe kÕ A₃ chØ
 0,4A. H·y txm
 sè chØ cña
 ampe kÕ A₁ vµ a



C@u 3 (2,0 ®iÓm). Mét bxnh hñnh trô cã b,n kÝnh ®,y lµ R₁ = 20cm chøa níc ë nhiÖt ®é t₁ = 20⁰C ®Æt træn mÆt bñun n»m ngang. Ngêi ta th¶ mét qu¶ cÇu ®Æc b»ng nh«m cã b,n kÝnh R₂ = 10cm ë nhiÖt ®é t₂ = 40⁰C vµo bxnh thx khi c©n b»ng mùc níc trong bxnh ngËp chÝnh gi÷a qu¶ cÇu. Bá qua sù trao ®æi nhiÖt gi÷a níc, qu¶ cÇu víi bxnh vµ m«i trêng; cho biÖt khèi lîng riæng cña níc lµ D₁ = 1000kg/m³ vµ cña nh«m lµ D₂ = 2700kg/m³; nhiÖt dung riæng cña níc lµ c₁ = 4200J/kg.K vµ cña nh«m lµ c₂ = 880J/kg.K.

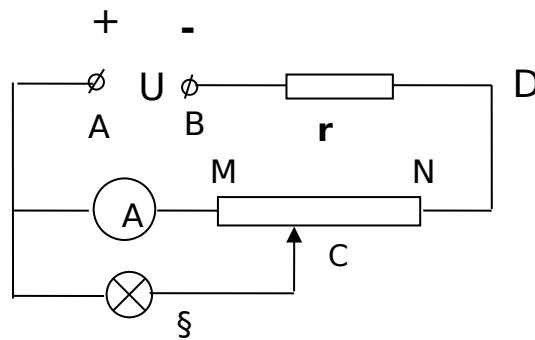
- a) Txm nhitt \Rightarrow cna nic khi c@n b>ng nhitt.

b) \S æ tham dCu \ddot{e} nhitt \Rightarrow $t_3 = 15^{\circ}\text{C}$ vuo bxnh cho voa \Rightarrow ng \ddot{E} p qu¶ cCu. Bitt khei ling riang cna dCu lu D₃ = 800kg/m³, nhitt dung riang cna dCu lu c₃ = 2800J/kg.K; ba qua su trao \Rightarrow a nic, qu¶ cCu vu dCu vu iu bxnh vu m<i trêng. Hy x.c \Rightarrow pnh:

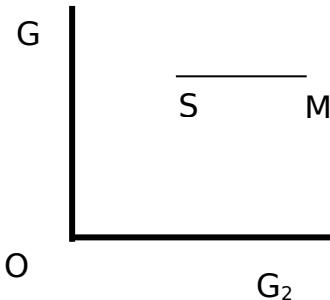
nhiÖt ®é cña hÖ khi c@n b»ng nhiÖt, ,p lùc cña qu¶ cÇu l@n ®,y b×nh.

Cho biÖt c«ng thøc tÝnh thÓ tÝch h×nh cÇu lµ $V_{cÇu} = \frac{4}{3}\pi R_{cau}^3$ ($V_{cÇu}$ lµ thÓ tÝch, $R_{cÇu}$ lµ b,n kÝnh h×nh cÇu, $IÈy^\pi \approx 3,14$) ; thÓ tÝch h×nh trô lµ $V_{trô} = \pi R_{trô}^2 h$ ($V_{trô}$ lµ thÓ tÝch, $R_{trô}$ lµ b,n kÝnh ®,y, h lµ chiÒu cao cña h×nh trô, $IÈy^\pi \approx 3,14$).

C@u 4 (2,5 ®iÓm). Cho m¹ch ®iÖn nh h×nh vї b@n. HiÖu ®iÖn thÓ U kh«ng ®æi vµ U = 18V; ®iÖn trë r = 2Ω; bãng ®ìn § cã hiÖu ®iÖn thÓ ®Þnh mÙc 6V; biÖn trë cã ®iÖn trë toµn phÇn lµ R; bá qua ®iÖn trë c,c d©y nèi, ampe kÕ vµ con ch¹y cña biÖn trë. SiÒu chØnh con ch¹y cña biÖn trë ®Ó sè chØ cña ampe kÕ nhá nhÊt b»ng 1A vµ khi ®ã ®ìn § s,ng b×nh thêng. H·y x,c ®Þnh c«ng suÊt ®Þnh mÙc cña ®ìn §.



C@u 5 (1,5 ®iÓm). Cho hai g¬ng ph½ng G₁ vµ G₂ vu«ng gäc vї nhau. §Æt mét ®iÓm s,ng S vµ ®iÓm s,ng M tríc hai g¬ng sao cho SM song song vї g¬ng G₂ (h×nh vї b@n).



- a) H·y vї ®êng ®i cña tia s,ng tõ S tíi g¬ng G₁ ph¶n x¹ tíi g¬ng G₂ r i qua M. Gi¶i thÝch c,ch vї.
- b) NÕu S vµ hai g¬ng cã vP trÝ cè ®Þnh thx ®iÓm M ph¶i cã thÓ vї ®îc tia s,ng nh c@u a.

híng dÉn chÊm

yău cÇu néi dung	biÓu ® iÓm
C@u 1	2,0 ® iÓm
Khi ngêi thø ba xuÊt ph,t thx ngêi thø nhÊt ®· ®i ®îc : $l_1 = v_1 t_{01} = 8 \cdot \frac{3}{4} = 6 \text{km} ; \text{ ngêi thø hai } ®i ®îc : l_2 = v_2 t_{02}$ $= 12 \cdot 0,5 = 6 \text{km}$	0,25 ® iÓm
Gäi t_1 lµ thêi gian ngêi thø ba ®i ®Ön khi gÆp ngêi thø nhÊt :	0,25 ® iÓm
$v_3 t_1 = l_1 + v_1 t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{l_1}{v_3 - v_1} = \frac{6}{v_3 - 8} \quad (1)$	0,25 ® iÓm
Sau thêi gian $t_2 = (t_1 + 0,5) \text{ (h)}$ thx qu·ng ®êng ngêi thø nhÊt ®i ®îc lµ : $s_1 = l_1 + v_1 t_2 = 6 + 8(t_1 + 0,5)$	0,25 ® iÓm
Qu·ng ®êng ngêi thø hai ®i ®îc lµ: $s_2 = l_2 + v_2 t_2 = 6 + 12(t_1 + 0,5)$	0,25 ® iÓm
Qu·ng ®êng ngêi thø ba ®i ®îc : $s_3 = v_3 t_2 = v_3(t_1 + 0,5)$	0,25 ® iÓm
Theo ®Çu bµi: $s_2 - s_3 = s_3 - s_1$, tøc lµ: $s_1 + s_2 = 2s_3$ $\Leftrightarrow 6 + 8(t_1 + 0,5) + 6 + 12(t_1 + 0,5) = 2v_3(t_1 + 0,5)$ $\Leftrightarrow 12 = (2v_3 - 20)(t_1 + 0,5) \quad (2)$	0,25 ® iÓm

Thay t_1 tõ (1) vµo (2) ta ®̄c ph¬ng trxnh: $v_3^2 - 18v_3 + 56 = 0$ (*)	0,25 ®iÓm
Gi¶i ph¬ng trxnh bËc hai (*) ta ®̄c hai gi, trP cña v_3 : $v_3 = 4\text{km/h}$ vµ $v_3 = 14\text{km/h}$. Ta lÊy nghiÖm $v_3 = 14\text{km/h}$ (lo¹i nghiÖm $v_3 = 4\text{km/h}$, v× gi, trP v_3 nµy < v_1, v_2)	0,25 ®iÓm
C�u 2	2,0 ®iÓm
G�i x Iµ ®iÔn tr� m�i ampe k�, ®Æt $R_1 + R_2 = nx$, ta có :	0,25
$U_{MN} = I_3 \cdot x = I_4(R_1 + R_2 + x) = I_4(n + 1)x \Rightarrow I_4 = \frac{I_3}{n+1}$	®iÓm
C�ng ®� d�ng ®iÔn qua ®iÔn tr� R_1 n�i gi÷a P vµ M Iµ :	0,25
$I_{PM} = I_3 + I_4 = I_3 + \frac{I_3}{n+1} = \frac{n+2}{n+1}I_3 \quad (1)$	®iÓm
Ta c� $U_{PQ} = I_2 \cdot x = I_{PM}(R_1 + R_2) + I_3 \cdot x = \frac{n+2}{n+1}I_3 \cdot n \cdot x + I_3 \cdot x$, t�	0,25
®� ta c�:	®iÓm
$I_2 = \frac{n^2 + 3n + 1}{n+1} \cdot I_3 \quad (2).$	0,25
Thay $I_3 = 0,4A$; $I_2 = 1,9A$ vµo (2) ta c� ph¬ng trxnh: $n^2 - 1,75n - 3,75 = 0$	0,50
gi¶i ph¬ng trxnh nµy ta ®̄c: $n = 3$ vµ $n = -1,25$ (lo¹i). Do	®iÓm
®� ta ®̄c s� ch� ampe k� A_4 Iµ : $I_4 = \frac{I_3}{n+1} = 0,1A$	
T�m s� ch� ampe k� A_1 :	
$I_{EP} = I_2 + I_{PM}$; theo (1) $I_{PM} = \frac{n+2}{n+1}I_3 = 0,5A$ n�n $I_{EP} = 2,4A.$	0,50 ®iÓm
Ta c�: $U_{EF} = I_1 \cdot x = I_{EP}(R_1 + R_2) + I_2 \cdot x = I_{EP} \cdot n \cdot x + I_2 x \Rightarrow I_1 = n \cdot I_{EP} + I_2 = 9,1A$	0,25 ®iÓm
C�u 3	2,0 ®iÓm
a) T�m nhiÖt ®� c�a n�c khi c�n b�ng nhiÖt:	
Kh�i l�ng c�a n�c trong b�nh Iµ: $m_1 = V_1 D_1 = (\pi R_1^2 \cdot R_2 - \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \pi R_2^3) D_1$,	0,25 ®iÓm
thay s� ta t�nh ®̄c: $m_1 \approx 10,47kg$	
Kh�i l�ng c�a qu� c�u: $m_2 = D_2 \cdot V_2 = \frac{4}{3} \pi R_2^3 \cdot D_2$, thay s� ta ®̄c $m_2 \approx 11,30kg$	0,25 ®iÓm
T� ®i�u ki�n b�i to,n ®� cho, ta có ph¬ng trxnh c�n b�ng nhiÖt:	0,25 ®iÓm
$c_1 m_1 (t - t_1) = c_2 m_2 (t_2 - t)$, do ®� ta c� nhiÖt ®� c�a n�c khi	

còn b»ng nhiÖt:

$$t = \frac{c_1 m_1 t_1 + c_2 m_2 t_2}{c_1 m_1 + c_2 m_2}, \text{ thay sè ta tÝnh ®îc } t \approx 23,7^{\circ}\text{C}$$

b) TÝnh nhiÖt ®é cña hÖ khi còn b»ng nhiÖt, ,p lùc cña qu¶ cÇu l¤n ®,y bxnh :

TÝnh khèi lng cña dÇu m₃: do thÓ tÝch cña dÇu vµ níc b»ng nhau n¤n khèi lng cña dÇu lµ : m₃ = $\frac{m_1 D_3}{D_1}$, thay sè m₃ ≈ 8,38kg

Khi còn b»ng nhiÖt, nhiÖt ®é cña hÖ lµ t_x, ta cã ph¬ng trxnh :

$$c_1 m_1 (t - t_x) + c_2 m_2 (t - t_x) = c_3 m_3 (t_x - t_3) \Rightarrow t_x =$$

$$\frac{c_1 m_1 t_1 + c_2 m_2 t_2 + c_3 m_3 t_3}{c_1 m_1 + c_2 m_2 + c_3 m_3}, \text{ thay sè ta tÝnh ®îc } t_x \approx 21,05^{\circ}\text{C}$$

,p lùc cña qu¶ cÇu l¤n ®,y bxnh :

$$F = P_{cÇu} - F_{A(cÇu)} = 10m_1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \pi R_2^3 (D_1 + D_3), \text{ thay sè ta ®îc : } F \approx 75\text{N}$$

0,25
®iÓm

C u 4

2,5
®iÓm

C ng ®é dßng ®iÓn qua m¹ch chÝnh (qua ®iÓn tr  r lµ l):

$$I = \frac{U}{r + R - x + R_{td}} \quad (1). \text{ ª ®çy: } x \text{ lµ ®iÓn tr  cña ®o¹n MC}$$

cña biÖn tr ,

$$(R - x) \text{ lµ ®iÓn tr  ®o¹n CN cña biÖn tr , } R_{td} \text{ lµ ®iÓn tr  t¬ng ®¬ng cña ®ìn vµ x vµ } R_{td} = \frac{R_{td} x}{R_{td} + x} \quad (2)$$

0,50
®iÓm

Thay (2) vµo (1) vµ biÖn ®æi (1) ta ®îc:

$$I = \frac{U(x + R_{td})}{-x^2 + (R+r)x + (R+r)R_{td}} \quad (3)$$

0,25
®iÓm

$$\text{T o s¬ ®å m¹ch ®iÓn ta có: } U_{MC} = x I_x = R_D I_D \Rightarrow \frac{I_x}{R_D} = \frac{I_D}{x}$$

0,25
®iÓm

$$= \frac{I_x + I_D}{x + R_D} = \frac{I}{x + R_D} \Rightarrow I = \frac{I_x (x + R_D)}{R_D} \quad (4)$$

$$\text{T o (3) vµ (4) ta c : } \frac{I_x (x + R_D)}{R_D} = \frac{U(x + R_D)}{-x^2 + (R+r)x + (R+r)R_D} \Rightarrow$$

0,50
®iÓm

$$I_x = \frac{U R_D}{-x^2 + (R+r)x + (R+r)R_D} =$$

$$= \frac{UR_D}{(R+r)R_D + \frac{(r+R)^2}{4}} - \left[x^2 - 2 \frac{R+r}{2}x + \frac{(R+r)^2}{4} \right] = \frac{UR_D}{P - \left(x - \frac{R+r}{2} \right)^2} \quad (5)$$

ẽ ®©y ta ®Æt : $P = (R + r)R_s + \frac{(r+R)^2}{4}$

Nhິn xĐt : MÉu sè (5) $\leq P$, dÊu (=) x¶y ra khi $x = \frac{r+R}{2}$,

®iÒu ®ã cã nghÜa mÉu sè (5) ®¹t gi, trÞ lín nhÊt khi $x = \frac{r+R}{2}$ (6) — khi ®ã sè chØ ampe kÕ nhá nhÊt lµ (1A).

Theo ®Çu bµi, lóc nµy ®ìn § s,ng bxnh thêng $\Rightarrow U_x = U_s = 6V$, do ®ã ®iÖn trë x khi ®ã b»ng: $\frac{U_x}{I_x} = \frac{6}{1} = 6\Omega$

șiÖn trë toµn phÇn cña biÖn trë: thay x vµo (6) ta ®ic: $R = 2x - r = 10\Omega$

Tõ c,c d÷ kiÖn træn, ta cã: $U_{CB} = U - U_{MC} = 18 - 6 = 12V$,

do ®ã cêng ®é dßng ®iÖn m¹ch chÝnh lµ: $I = \frac{U_{CB}}{r + R - x} = \frac{12}{2 + 10 - 6} = 2A$

Vx ®ìn § m³/4c song song víi x n¤n cêng ®é dßng ®iÖn qua ®ìn lµ:

$I_s = I - I_x = 2 - 1 = 1A$. VËy c«ng suÊt ®pnh m¤c cña ®ìn § lµ: $P_s = I_s \cdot U_s = 6 \cdot 1 = 6W$

C@u 5

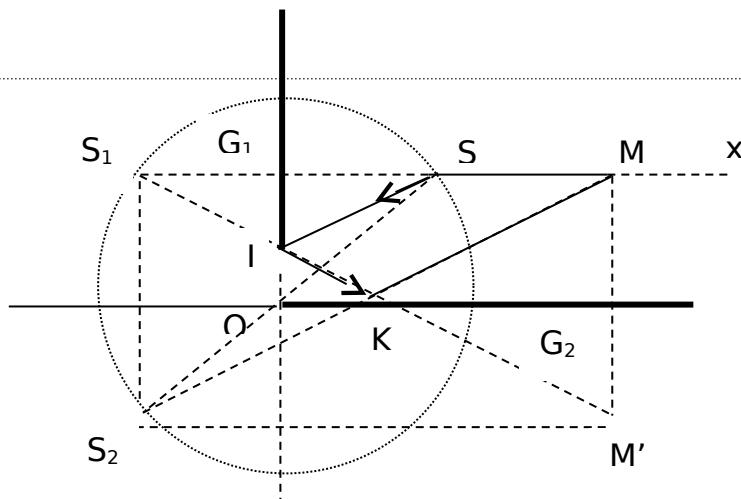
0,25
®iÓm

0,25
®iÓm

0,25
®iÓm

0,25
®iÓm

1,5
®iÓm



PhÇn a :

Ví S₁ lµ ¶nh cña S qua G₁; ẽ ®©y S₁ lµ ®iÓm ®èi xøng cña S qua mÆt ph¹ng g¬ng G₁.

Ví S₂ lµ ¶nh cña S₁ t¹o bëi G₂; S₂ lµ ®iÓm ®èi xøng cña

0,50
®iÓm

S ₁ qua mÆt g¬ng G ₂ . Vx G ₁ vu«ng gäc víi G ₂ n¤n S ₂ lµ ®iÓm xuy¤n t@m cña S qua O	
NhËn xÐt: Gi¶ sö ta vÍ ®íc tia s,ng theo y¤u cÇu cña bµi to,n lµ SIKM xuÊt ph,t tõ S, ph¶n x ¹ tr¤n G ₁ t ¹ i I ®Õn K, tia ph¶n x ¹ IK t ¹ i I tr¤n G ₁ coi nh xuÊt ph,t tõ ¶nh S ₁ . Tia ph¶n x ¹ KM t ¹ i K tr¤n G ₂ ®íc coi nh xuÊt ph,t tõ ¶nh S ₂ .	0,25 ®iÓm
Tõ nhËn xÐt tr¤n ta suy ra c,ch vÍ ®êng truyÕn tia s,ng nh sau:	
<ul style="list-style-type: none"> - LÊy S₁ ®èi xøng víi S qua mÆt G₁; - LÊy M' ®èi xøng víi M qua mÆt g¬ng G₂; - LÊy S₂ ®èi xøng víi S₁ qua mÆt g¬ng G₂; - Nèi MS₂ c^{3/4}t G₂ t¹i K; - Nèi S₁ víi K c^{3/4}t G₁ t¹i I; - Nèi SIKM ta ®íc ®êng ®i cña tia s,ng cÇn txm. 	0,50 ®iÓm
PhÇn b:	
§Ó vÍ ®íc tia s,ng nh c@u a thx S ₂ M ph¶i c ^{3/4} t G ₂ t ¹ i K. Mun vËy M ph¶i n»m tr¤n ®o ¹ n Sx vµ kh¤ng ®íc n»m tr¤n ®o ¹ n th ^{1/4} ng SN.	0,25 ®iÓm

Chó ý:

+ ë tñng phÇn hoÆc c¶l m¤t c@u h¤c sinh c¤ thÓ lµm c,c c, ch kh,c, nÕu ®óng vÉn cho ®iÓm t¢i ®a tñng phÇn vµ c¶l c@u. SiÓm tñng phÇn hoÆc c¶l c@u theo ph@n ph¢i ®iÓm trong h¢ng dÉn nhµy;

+ siÓm toµn bµi ®Ó lÊ tíi 0,25 kh¤ng lµm trßn;

+ NÕu h¤c sinh sai ®¬n vÞ thx trõ ®iÓm toµn bµi nh sau: nÕu sai 3 lçi trë xung thx trõ toµn bµi 0,25 ®iÓm; nÕu sai tr¤n 5 lçi thx trõ toµn bµi 0,50 ®iÓm.

-----HÕt-----