

ĐỀ CHÍNH THỨC

Họ và tên thí sinh: SBD: Mã đề: 101

Câu 1. Tìm họ nguyên hàm: $F(x) = \int \frac{x^3}{x^4 - 1} dx$

A. $F(x) = \frac{1}{3} \ln|x^4 - 1| + C$

B. $F(x) = \frac{1}{2} \ln|x^4 - 1| + C$

C. $F(x) = \frac{1}{4} \ln|x^4 - 1| + C$

D. $F(x) = \ln|x^4 - 1| + C$

Câu 2. Trong không gian Oxyz, cho vector $\overrightarrow{OM} = \vec{i} - \sqrt{3}\vec{j} + 4\vec{k}$. Gọi M' là hình chiếu vuông góc của M trên mp(Oxy). Khi đó tọa độ của điểm M' trong hệ tọa độ Oxyz là

A. $(0; 0; 4)$

B. $(1; -\sqrt{3}; 0)$

C. $(1; 4; -\sqrt{3})$

D. $(1; 4; 0)$

Câu 3. Nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{1}{x\sqrt{x}}$ là:

A. $F(x) = \frac{\sqrt{x}}{2} + C$

B. $F(x) = \frac{2}{\sqrt{x}} + C$

C. $F(x) = -\frac{2}{\sqrt{x}} + C$

D. $F(x) = -\frac{\sqrt{x}}{2} + C$

Câu 4. Biết tích phân $\int_0^1 \frac{2x+3}{2-x} dx = a \ln 2 + b (a, b \in \mathbb{Q})$, giá trị của a bằng

A. 7.

B. 1.

C. 2.

D. 3.

Câu 5. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho hai vector $\vec{a} = (0; 3; 1)$, $\vec{b} = (3; 0; -1)$. Tính $\cos(\vec{a}, \vec{b})$.

A. $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{1}{10}$.

B. $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = -\frac{1}{10}$.

C. $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{1}{100}$.

D. $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = -\frac{1}{100}$.

Câu 6. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho $\vec{a} = (3; 2; 1)$, $\vec{b} = (-2; 0; 1)$. Độ dài $\vec{a} + \vec{b}$ là:

A. $\sqrt{2}$.

B. 2.

C. 1.

D. 3.

Câu 7. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho ba điểm A $3; 2; 1$, B $1; -1; 2$, C $1; 2; -1$. Tìm tọa độ điểm M thỏa mãn $\overrightarrow{OM} = 2\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$.

A. M $-2; -6; 4$.

B. M $-2; 6; -4$.

C. M $2; -6; 4$.

D. M $5; 5; 0$.

Câu 8. Cho $\vec{a} = (1; 0; -3)$, $\vec{b} = (2; 1; 2)$. Khi đó $\|\vec{a}; \vec{b}\|$ có giá trị là

A. 3.

B. 8.

C. 4.

D. $\sqrt{74}$.

Câu 9. Tìm một nguyên hàm $F(x)$ của hàm số $f(x) = 2 - x^2$ biết $F(2) = \frac{7}{3}$

A. $F(x) = 2x - x^3 + \frac{19}{3}$

B. $F(x) = 2x - \frac{x^3}{3} + \frac{1}{3}$

C. $F(x) = 2x - \frac{x^3}{3} + 1$

D. $F(x) = 2x - \frac{x^3}{3} + 3$

Câu 10. Trong không gian Oxyz, cho hai điểm $A(2;1;-1), B(1;2;3)$. Độ dài đoạn thẳng AB bằng

- A. $\sqrt{3}$. B. 18. C. $\sqrt{22}$. D. $3\sqrt{2}$.

Câu 11. Tích phân $I = \int_{-1}^0 (x^3 + ax + 2)dx$ có giá trị là:

- A. $I = \frac{7}{4} + \frac{a}{2}$ B. $I = \frac{9}{4} + \frac{a}{2}$ C. $I = \frac{7}{4} - \frac{a}{2}$ D. $I = \frac{9}{4} - \frac{a}{2}$

Câu 12. Một nguyên hàm $F(x)$ của $f(x) = 3x^2 + 1$ thỏa $F(1) = 0$ là:

- A. $x^3 - 1$ B. $x^3 + x - 2$ C. $2x^3 - 2$ D. $x^3 - 4$

Câu 13. Tích phân $I = \int_1^2 2x \cdot dx$ có giá trị là:

- A. $I = 3$ B. $I = 4$ C. $I = 1$ D. $I = 2$

Câu 14. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm $A(1;-2;-1)$ và $B(1;4;3)$. Độ dài đoạn AB là:

- A. 3. B. $2\sqrt{13}$. C. $\sqrt{6}$. D. $2\sqrt{3}$.

Câu 15. $\int \frac{x}{\sqrt{2x^2 + 3}} dx$ bằng:

- A. $\frac{1}{2}\sqrt{2x^2 + 3} + C$ B. $2\sqrt{2x^2 + 3} + C$ C. $\frac{1}{2}\sqrt{3x^2 + 2} + C$ D. $\sqrt{2x^2 + 3} + C$

Câu 16. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho các vector $\vec{a} = (3; -2; 1)$, $\vec{b} = (-1; 1; -2)$, $\vec{c} = (2; 1; -3)$, $\vec{u} = (11; -6; 5)$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $\vec{u} = 2\vec{a} + 3\vec{b} + \vec{c}$. B. $\vec{u} = 3\vec{a} - 2\vec{b} + \vec{c}$. C. $\vec{u} = 2\vec{a} - 3\vec{b} + \vec{c}$. D. $\vec{u} = 3\vec{a} - 2\vec{b} - 2\vec{c}$.

Câu 17. Họ nguyên hàm $\int x(x+1)^3 dx$ là:

- A. $\frac{x^5}{5} + \frac{3x^4}{4} + x^3 - \frac{x^2}{2} + C$ B. $\frac{(x+1)^5}{5} - \frac{(x+1)^4}{4} + C$
C. $\frac{(x+1)^5}{5} + \frac{(x+1)^4}{4} + C$ D. $\frac{x^5}{5} + \frac{3x^4}{4} - x^3 + \frac{x^2}{2} + C$

Câu 18. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho hai điểm $A(1;2;-4)$ và $B(-3;2;2)$. Tọa độ của $\overrightarrow{AB}$ là

- A. $(4;0;-6)$. B. $(-1;2;-1)$. C. $(-2;4;-2)$. D. $(-4;0;6)$.

Câu 19. $\int \frac{1}{x \cdot \ln^5 x} dx$ bằng:

- A. $-\frac{1}{4\ln^4 x} + C$ B. $-\frac{4}{\ln^4 x} + C$ C. $-\frac{\ln^4 x}{4} + C$ D. $\frac{1}{4\ln^4 x} + C$

Câu 20. Tích phân $I = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x - \cos x) dx$ có giá trị là:

- A. $I = 2$ B. $I = -1$ C. $I = -2$ D. $I = 1$

Câu 21. Trong không gian Oxyz, cho $\vec{u} = (-1; 3; 2)$, $\vec{v} = (-3; -1; 2)$ khi đó $\vec{u} \cdot \vec{v}$ bằng

- A. 2. B. 10. C. 4. D. 3.

Câu 22. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz cho điểm $I(-5;0;5)$ là trung điểm của đoạn MN , biết $M(1;-4;7)$. Tìm tọa độ của điểm N .

- A. $N(-10;4;3)$. B. $N(-11;4;3)$. C. $N(-11;-4;3)$. D. $N(-2;-2;6)$.

Câu 23. Trong không gian $Oxyz$, hình chiếu vuông góc của điểm $M(2;1;-1)$ trên trục Oz có tọa độ là
A. $(2;1;0)$. B. $(0;1;0)$. C. $(0;0;-1)$. D. $(2;0;0)$.

Câu 24. Viết phương trình mặt cầu (S) tâm $I(-2,1,-1)$ qua $A(4,3,-2)$.

A. $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 2y - 2z - 35 = 0$

B. $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 2y + 2z - 35 = 0$

C. $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 2z + 35 = 0$

D. $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 2y + 2z + 35 = 0$

Câu 25. Họ nguyên hàm của $\tan x$ là:

A. $\frac{\tan^2 x}{2} + C$

B. $\ln|\cos x| + C$

C. $\ln(\cos x) + C$

D. $-\ln|\cos x| + C$

Câu 26. Tính $\int \frac{dx}{\sqrt{1-x}}$, kết quả là:

A. $\frac{2}{\sqrt{1-x}} + C$

B. $\frac{C}{\sqrt{1-x}}$

C. $C\sqrt{1-x}$

D. $-2\sqrt{1-x} + C$

Câu 27. Viết phương trình mặt cầu (S) đường kính AB với $A(4,-3,5); B(2,1,3)$.

A. $x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 2y + 8z - 20 = 0$

B. $x^2 + y^2 + z^2 + 6x + 2y - 8z - 26 = 0$

C. $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 2y - 8z + 26 = 0$

D. $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 2y - 8z + 20 = 0$

Câu 28. Kết quả của $\int \frac{x}{1-x^2} dx$ là:

A. $\sqrt{1-x^2} + C$

B. $\frac{-1}{\sqrt{1-x^2}} + C$

C. $-\frac{1}{2}\ln(1-x^2) + C$

D. $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + C$

Câu 29. Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(3;-1;1)$. Gọi A' là hình chiếu của A lên trục Oy . Tính độ dài đoạn OA' .

A. $OA' = \sqrt{11}$.

B. $OA' = 1$.

C. $OA' = \sqrt{10}$.

D. $OA' = -1$.

Câu 30. $\int \cos x \cdot \sin^3 x dx$ bằng:

A. $\cos^4 x + C$

B. $\frac{\sin^4 x}{4} + C$

C. $\frac{\cos^4 x}{4} + C$

D. $\sin^4 x + C$

Câu 31. Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(2;2;-2)$, $B(-3;5;1)$, $C(1;-1;-2)$. Tìm tọa độ trọng tâm G của tam giác ABC ?

A. $G(0;2;3)$.

B. $G(2;5;-2)$.

C. $G(0;2;-1)$.

D. $G(0;-2;-1)$.

Câu 32. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(3;2;1)$, $B(-1;0;5)$. Tìm tọa độ trung điểm của đoạn AB .

A. $I(-1;-1;1)$.

B. $I(2;2;6)$.

C. $I(1;1;3)$.

D. $I(2;1;3)$.

Câu 33. Cho $\int_0^1 f(x) dx = 2$ và $\int_0^1 g(x) dx = 5$ khi đó $\int_0^1 [f(x) - 2g(x)] dx$ bằng

A. -3 .

B. -8 .

C. 1 .

D. 12 .

Câu 34. Trong không gian $Oxyz$, cho ba điểm $A(1;-4;2)$, $B(4;2;-3)$, $C(-3;1;5)$. Tìm tọa độ đỉnh D của hình bình hành $ABCD$.

A. $D(-6;-5;-10)$.

B. $G(-2;-1;3)$.

C. $D(0;7;0)$.

D. $D(-6;-5;10)$.

Câu 35. Viết phương trình mặt cầu (S) ngoại tiếp tứ diện $ABCD$ với $A(0,-1,0);$

$B(2,0,1); C(1,0,-1); D(1,-1,0)$.

A. $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + y - 2z + 2 = 0$

B. $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y + z + 2 = 0$

C. $x^2 + y^2 + z^2 - x - y - z - 2 = 0$

D. $x^2 + y^2 + z^2 - x + y - z - 2 = 0$

Câu 36. Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3$ trên $\mathbb{R}$ là

A. $\frac{x^4}{4} + C$

B. $\frac{x^4}{4} + x + C$

C. $3x^2 + x + C$

D. $3x^2 + C$

Câu 37. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(1; 2; 3)$ và $B(5; 2; 0)$. Khi đó:

A. $|\overline{AB}| = 3$.

B. $|\overline{AB}| = 2\sqrt{3}$.

C. $|\overline{AB}| = \sqrt{61}$.

D. $|\overline{AB}| = 5$.

Câu 38. Trong không gian $Oxyz$, điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm $A(1; 2; 3)$ trên mặt phẳng (Oxy) .

A. $M(0; 0; 3)$

B. $Q(1; 0; 3)$

C. $P(1; 2; 0)$

D. $N(0; 2; 3)$

Câu 39. Trong không gian $Oxyz$ với hệ tọa độ $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ cho $\overrightarrow{OA} = -2\vec{i} + 5\vec{k}$. Tìm tọa độ điểm A .

A. $(-2; 0; 5)$.

B. $(-2; 5; 0)$.

C. $(5; -2; 0)$.

D. $(-2; 5)$.

Câu 40. $\int \frac{e^x}{e^x + 1} dx$ bằng:

A. $\ln|e^x + 1| + C$

B. $\frac{1}{\ln|e^x + 1|} + C$

C. $e^x + x + C$

D. $\frac{e^x}{e^x + x} + C$

----- **Hết** -----

Thí sinh không được sử dụng tài liệu.

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm!