**PHƯƠNG TRÌNH THAM SỐ CỦA ĐƯỜNG THẲNG**

**A. Lí thuyết:**

**1. Vectơ chỉ phương của đường thẳng:**

*\* Định nghĩa:* Cho đường thẳng . Vectơ  được gọi là *vectơ chỉ phương* (VTCP) của đường thẳng  nếu giá của nó song song hoặc trùng với .

*\* Nhận xét:*

– Nếu  là VTCP của  thì  cũng là VTCP của .

– VTPT và VTCP vuông góc với nhau. Do vậy nếu  có VTCP  thì  là một VTPT của 

**2. Phương trình tham số của đường thẳng:**

*\* Định nghĩa:* Cho đường thẳng  đi qua  và  là VTCP.

Khi đó  (1).

Hệ (1) gọi là *phương trình tham số* của đường thẳng , *t* gọi là tham số.

*\* Nhận xét:* Cho  có phương trình tham số là (1), khi đó .

**3. Phương trình chính tắc của đường thẳng:**

*\* Định nghĩa:* Cho đường thẳng  đi qua  và  (với ) là vectơ chỉ phương, khi đó phương trình  được gọi là phương trình chính tắc của đường thẳng .

**B. Các dạng toán và phương pháp giải:**

**Dạng 1: Dựa vào phương trình tham số xác định các yếu tố của đường thẳng**

*Phương pháp giải:*

Sử dụng định nghĩa phương trình tham số. Cụ thể:

Cho đường thẳng có phương trình tham số là  .

+ Tìm tọa độ 1 điểm thuộc : Chọn 1 giá trị của *t* rồi thay vào phương trình tham số được tọa độ của 1 điểm thuộc .

+ Kiểm tra xem 1 điểm có thuộc  không: Thay tọa độ điểm đó vào phương trình tham số của , nếu tìm được giá trị của *t* thì kết luận điểm đó thuộc , nếu không tìm được giá trị của *t* thì kết luận điểm đó không thuộc .

+ Tìm vectơ chỉ phương của : VTCP của  luôn có dạng , chọn 1 giá trị của *k* thay vào sẽ được 1 VCTP tương ứng.

+ Kiểm tra 1 vectơ có là VTCP của: Kiểm tra vectơ đó có dạng  không?

+ Tìm vectơ pháp tuyến của : VTPT của  có dạng .

|  |  |
| --- | --- |
| **Câu 1.** Cho đường thẳng d có phương trình tham số: . Hãy xác định tọa độ 2 điểm thuộc d, 2 VTCP và 2 VTPT của d.**🖎Lời giải tham khảo**+ Chọn t = 1 thay vào phương trình tham số của d ta được: . Điểm + Chọn t = –1 thay vào phương trình tham số của d ta được:  Điểm + VTCP của d có dạng . Chọn k = 1 và k = –1 ta được  là 2 VTCP của d.+ VTPT của d có dạng . Chọn k = 1 và k = –1 ta được  là 2 VTPT của d. | **🖎Lưu ý:**+ Thường ưu tiên chọn t = 0 trước để hạn chế tính toán.+ Tùy từng trường hợp mà chọn t hợp lí để tiện tính toán tọa độ *x*, *y*.+ Chọn . + Các giá trị  nếu bị khuyết thì tức là chúng có giá trị bằng 0. |
| **1.1** Cho d: . Hãy xác định 3 điểm thuộc d, 3 VTCP và 3 VTPT của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **1.2** Cho d: . Hãy xác định 3 điểm thuộc d, 3 VTCP và 3 VTPT của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **1.3** Cho d: . Hãy xác định 3 điểm thuộc d, 3 VTCP và 3 VTPT của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **1.4** Cho d: . Hãy xác định 3 điểm thuộc d, 3 VTCP và 3 VTPT của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |

**Dạng 2: Bài toán chuyển đổi giữa các dạng phương trình đường thẳng**

*Phương pháp giải:*

**• Với**  **cho dưới dạng tổng quát: **

Để chuyển **về dạng tham số** ta thực hiện theo các bước sau:

a)  có VTPT  có VTCP là: 

b) Lấy một điểm A thuộc  (cho *x* tìm *y* hoặc cho *y* tìm *x*).

c) Viết phương trình tham số của  với  đi qua *A* và có VTCP .

**• Với**  **cho dưới dạng tham số:** 

+ Để chuyển  **về dạng tổng quát** ta khử *t* từ hệ trên như sau:

 

Hoặc từ phương trình tham số, ta lấy một điểm thuộc  và VTCP VTPT  rồi viết phương trình tổng quát của .

+ Để chuyển **về dạng chính tắc** ta rút *t* từ hệ trên như sau:

.

**• Với**  **cho dưới dạng chính tắc:** 

**+** Để chuyển **về dạng tổng quát** ta đơn giản phương trình trên:

.

**+** Để chuyển **về dạng tham số** ta sử dụng tham số trung gian *t* như sau:

.

|  |  |
| --- | --- |
| **Câu 1.** Cho đường thẳng d có phương trình tổng quát: . Hãy viết phương trình tham số của d.**🖎Lời giải tham khảo**Ta có:  ;  là VTPT của d nên  là VTCP của d.Do đó phương trình tham số của d là: . | **🖎Lưu ý:** |
| **1.1** Cho phương trình tổng quát của đường thẳng d: . Viết phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **1.2** Cho phương trình tổng quát của đường thẳng d: . Viết phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **1.3** Cho phương trình tổng quát của đường thẳng d: . Viết phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **1.4** Cho phương trình tổng quát của đường thẳng d: . Viết phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 2.** Cho đường thẳng d có phương trình tham số: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình chính tắc (nếu có) của d.**🖎Lời giải tham khảo**Ta có:  . Do đó phương trình chính tắc của d là:  và phương trình tổng quát của d là: . | **🖎Lưu ý:** |
| **2.1** Cho phương trình tham số của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình chính tắc (nếu có) của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **2.2** Cho phương trình tham số của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình chính tắc (nếu có) của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **2.3** Cho phương trình tham số của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình chính tắc (nếu có) của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **2.4** Cho phương trình tham số của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình chính tắc (nếu có) của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 3.** Cho đường thẳng d có phương trình chính tắc: . Hãy viết phương trình tham số và phương trình tổng quát của d.**🖎Lời giải tham khảo**Ta có: . Do đó phương trình tổng quát của d là .Mặt khác: . | **🖎Lưu ý:** |
| **3.1** Cho phương trình chính tắc của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **3.2** Cho phương trình chính tắc của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **3.3** Cho phương trình chính tắc của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **3.4** Cho phương trình chính tắc của đường thẳng d: . Hãy viết phương trình tổng quát và phương trình tham số của d.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |

**Dạng 3: Viết phương trình tham số và chính tắc của đường thẳng**

*Phương pháp giải:*

* Để viết phương trình tham số của đường thẳng  ta cần xác định:

+ Điểm .

+ Một vectơ chỉ phương  của .

Khi đó phương trình tham số của  là *.*

* Để viết phương trình chính tắc của đường thẳng  ta cần xác định:

+ Điểm .

+ Một vectơ chỉ phương  của .

Khi đó phương trình chính tắc của đường thẳng  là .

(*trường hợp*  *thì đường thẳng không có phương trình chính tắc*).

***Chú ý:***

* Nếu hai đường thẳng song song với nhau thì chúng có cùng VTCP và VTPT.
* Hai đường thẳng vuông góc với nhau thì VTCP của đường thẳng này là VTPT của đường thẳng kia và ngược lại
* Nếu  có VTCP  thì  là một VTPT của .

|  |  |
| --- | --- |
| **Câu 1.** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và có VTCP .**🖎Lời giải tham khảo**Phương trình tham số . | **🖎Lưu ý:** |
| **1.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và có 1 VTCP .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **1.2** Viết phương trình tham số của đường thẳng Δ đi qua  và nhận vectơ  làm vectơ chỉ phương.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 2.** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và có VTPT .**🖎Lời giải tham khảo**Vì d nhận vectơ  làm vectơ pháp tuyến nên VTCP của d là .Vậy phương trình tham số của đường thẳng d là . | **🖎Lưu ý:**Nếu  có VTPT  thì  là một VTCP của  |
| **2.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và có 1 VTPT

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **2.2.** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và có 1 VTPT .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **2.3** Viết phương trình tham số của đường thẳng Δ đi qua  và nhận vectơ  làm vectơ pháp tuyến.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |  |
| **Câu 3.** Viết phương trình tham số và phương trình chính tắc của đường thẳng Δ đi qua điểm  và **🖎Lời giải tham khảo**Đường thẳng Δ đi qua hai điểm *A* và *B* nên nhận  làm vectơ chỉ phương.Phương trình tham số : .Phương trình chính tắc : . | **🖎Lưu ý:** |
| **3.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua và .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **3.2** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua và .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **3.3** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua và

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **3.4** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 4.** Cho điểm  và . Viết phương trình tham số của đường thẳng  đi qua gốc tọa độ và song song với đường thẳng .**🖎Lời giải tham khảo**Ta có  mà  song song với đường thẳng  nên nhận  làm VTCPVậy phương trình tham số của đường thẳng  là . | **🖎Lưu ý:**Có thể nhân chia VTCP *k* lần để được 1 VTCP khác có tọa độ “đẹp” hơn, tiện cho việc tính toán sau này. |
| **4.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng Δ đi qua  và song song với đường thẳng  với  và .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 5.** Cho điểm  và . Viết phương trình tham số của đường thẳng  là đường trung trực của đoạn thẳng .**🖎Lời giải tham khảo**Vì  là đường trung trực của đoạn thẳng  nên nhận  làm VTPT và đi qua trung điểm  của đoạn thẳng .Ta có  và  nhận  làm VTCP nên phương trình tham số của đường thẳng  là . | **🖎Lưu ý:**Nhắc lại công thức tọa độ trung điểm. |
| **5.1** Cho điểm  và . Viết phương trình tham số của đường thẳng Δ là đường trung trực của đoạn thẳng .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **Câu 6.** Viết phương trình tham số của đường thẳng  biết Δ đi qua  và song song với đường thẳng .**🖎Lời giải tham khảo** nên VTCP của  cũng là VTCP của  nên đường thẳng  nhận  làm VTCP. Vậy phương trình tham số là . | **🖎Lưu ý:**Nếu hai đường thẳng song song với nhau thì chúng có cùng VTCP và VTPT. |
| **6.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d đi qua  và song song.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **6.2** Viết phương trình tham số của đường thẳng d biết d đi qua và song song

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **6.3** Viết phương trình tham số của đường thẳng d biết d đi qua gốc tọa độ và song song với đường thẳng .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |  |
| **Câu 7.** Viết phương trình tham số của đường thẳng  biết Δ đi qua  và vuông góc với đường thẳng .**🖎Lời giải tham khảo**Do  nên đường thẳng  nhận  làm VTPT, suy ra  là VTCP của .Vậy phương trình tham số là  | **🖎Lưu ý:**Hai đường thẳng vuông góc với nhau thì VTCP của đường thẳng này là VTPT của đường thẳng kia và ngược lại. |
| **7.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d biết d đi qua  và vuông góc .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **7.2** Viết phương trình tham số của đường thẳng d biết d đi qua và vuông góc  .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **7.3** Viết phương trình tham số của đường thẳng d biết d đi qua  và vuông góc với đường thẳng .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |  |
| **Câu 8.** Viết phương trình tham số của đường thẳng  biết Δ đi qua  và có hệ số góc *k* = 3.**🖎Lời giải tham khảo**Gọi VTCP của  là , hệ số góc  . Chọn  Do đó VTCP của  là .Vậy phương trình tham số là . | **🖎Lưu ý:**Công thức :  |
| **8.1** Viết phương trình tham số của đường thẳng d qua  và có hệ số góc *k* = 2.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 | **8.2** Viết phương trình tham số của đường thẳng d qua  và có hệ số góc *k* = 3

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |

**Dạng 4: Bài toán có liên quan đến tam giác: Lập phương trình 1 cạnh hoặc 1 đường đặc biệt trong tam giác**

*Phương pháp giải:*

Cần:

+ Nắm vững Dạng toán 3.

+ Nắm vững kiến thức hình học phẳng.

|  |  |
| --- | --- |
| **Câu 1.** Cho tam giác  có  và .a) Viết phương trình đường thẳng chứa cạnh BC của tam giác.b) Viết phương trình đường thẳng chứa đường trung tuyến AM.**🖎Lời giải tham khảo**a) Ta có  suy ra đường thẳng chứa cạnh BC có phương trình là .b) M là trung điểm của BC nên . Đường thẳng chứa đường trung tuyến AM nhận  làm VTCP nên có phương trình là . | **🖎Lưu ý:**+ Nhắc lại tính chất các đường đặc biệt. |
| **1.1** Cho tam giác ABC có . Hãy lập phương trình tham số của cạnh AB, đường cao BH, trung tuyến CM, đường trung bình MN với N là trung điểm BC.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **1.2** Cho tam giác  có  và .a) Viết phương trình tham số các đường thẳng chứa các cạnh của tam giác.b) Viết phương trình tham số đường thẳng chứa đường trung tuyến .c) Viết phương trình tham số đường thẳng đi qua trung điểm  và trọng tâm của tam giác .

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |
| **1.3** Cho tam giác *ABC* biết  và .a) Viết phương trình tham số đường thẳng chứa cạnh AB.b) Viết phương trình tham số đường cao AH.c) Viết phương trình tham số đường trung tuyến AM.d) Viết phương trình tham số đường trung trực cạnh BC.e) Viết phương trình tham số đường thẳng đi qua trọng tâm của tam giác và song song với trục hoành.f) Viết phương trình tham số đường thẳng đi qua trung điểm BC và vuông góc với trục tung.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

 |