**CHƯƠNG I. KHỐI ĐA DIỆN**

# BÀI 1. KHÁI NIỆM VỀ KHỐI ĐA DIỆN

## **A. KIẾN THỨC CƠ BẢN CẦN NẮM**

**I – KHỐI LĂNG TRỤ VÀ KHỐI CHÓP**

Khối lăng trụ là phần không gian được giới hạn bởi một hình lăng trụ kể cả hình lăng trụ ấy.

Khối chóp là phần không gian được giới hạn bởi một hình chóp kể cả hình chóp ấy.

Khối chóp cụt là phần không gian được giới hạn bởi một hình chóp cụt kể cả hình chóp cụt ấy.

**II – KHÁI NIỆM VỀ HÌNH ĐA DIỆN VÀ KHỐI ĐA DIỆN**

**1. Khái niệm về hình đa diện**

Hình đa diện là hình được tạo bởi một số hữu hạn các đa giác thỏa mãn hai tính chất:

⏺ Hai đa giác phân biệt chỉ có thể hoặc không có điểm chung, hoặc chỉ có một đỉnh chung, hoặc chỉ có một cạnh chung.

⏺ Mỗi cạnh của đa giác nào cũng là cạnh chung của đúng hai đa giác.

Mỗi đa giác như trên được gọi là một mặt của hình đa diện.

Các đỉnh, các cạnh của đa giác ấy theo thứ tự gọi là các đỉnh, các cạnh của hình đa diện.

**2. Khái niệm về khối đa diện**

Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện, kể cả hình đa diện đó.

Những điểm không thuộc khối đa diện được gọi là điểm ngoài của khối đa diện. Tập hợp các điểm ngoài được gọi là miền ngoài của khối đa diện. Những điểm thuộc khối đa diện nhưng không thuộc hình đa diện ứng với đa diện ấy được gọi là điểm trong của khối đa diện. Tập hợp các điểm trong được gọi là miền trong của khối đa diện.

Mỗi khối đa diện được xác định bởi một hình đa diện ứng với nó. Ta cũng gọi đỉnh, cạnh, mặt, điểm trong, điểm ngoài… của một khối đa diện theo thứ tự là đỉnh, cạnh, mặt, điểm trong, điểm ngoài… của hình đa diện tương ứng.



**Ví dụ**

- Các hình dưới đây là những khối đa diện:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

- Các hình dưới đây không phải là những khối đa diện:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Hình a | Hình b | Hình c |

Giải thích: Hình a không phải là hình đa diện vì tồn tại cạnh không phải là cạnh chung của hai mặt; Hình b không phải là hình đa diện vì có một điểm đặc biệt trong hình, điểm đó không phải là đỉnh chung của hai đa giác; Hình c không phải là hình đa diện vì tồn tại một cạnh là cạnh chung của bốn đa giác.

**III – HAI ĐA DIỆN BẰNG NHAU**

**1. Phép dời hình trong không gian**

Trong không gian, quy tắc đặt tương ứng mỗi điểm  với điểm  xác định duy nhất được gọi là một phép biến hình trong không gian.

Phép biến hình trong không gian được gọi là phép dời hình nếu nó bảo toàn khoảng cách giữa hai điểm tùy ý.

**a) Phép tịnh tiến theo vectơ**, là phép biến hình biến mỗi điểm  thành điểm  sao cho . Kí hiệu là .

**b) Phép đối xứng qua mặt phẳng**  là phép biến hình biến mỗi điểm thuộc  thành chính nó, biến mỗi điểm  không thuộc  thành điểm  sao cho  là mặt phẳng trung trực của .

Nếu phép đối xứng qua mặt phẳng  biến hình  thành chính nó thì  được gọi là mặt phẳng đối xứng của .

**c) Phép đối xứng tâm**  là phép biến hình biến điểm  thành chính nó, biến mỗi điểm  khác  thành điểm  sao cho  là trung điểm của .

Nếu phép đối xứng tâm  biến hình  thành chính nó thì  được gọi là tâm đối xứng của .

**d) Phép đối xứng qua đường thẳng** là là phép biến hình biến mọi điểm thuộc đường thẳng  thành chính nó, biến mỗi điểm  không thuộc  thành điểm  sao cho  là đường trung trực của .

Nếu phép đối xứng qua đường thẳng  biến hình  thành chính nó thì  được gọi là trục đối xứng của .

**Nhận xét**

⏺ Thực hiện liên tiếp các phép dời hình sẽ được một phép dời hình.

⏺ Phép dời hình biến đa diện  thành đa diện , biến đỉnh, cạnh, mặt của  thành đỉnh, cạnh, mặt tương ứng của .

**Ví dụ:**Cho hình lập phương . Khi đó:

⏺ Các hình chóp  và  bằng nhau (vì qua phép đối xứng tâm O hình chóp  biến thành hình chóp ).

⏺ Các hình lăng trụ  và  bằng nhau (vì qua phép đối xứng qua mặt phẳng  thì hình lăng trụ  biến thành hình lăng trụ ).



**2. Hai hình bằng nhau**

Hai hình được gọi là nếu có một phép dời hình biến hình này thành hình kia.

Đặc biệt, hai đa diện được gọi là bằng nhau nếu có một phép dời hình biến đa diện này đa diện kia.

**IV – PHÂN CHIA VÀ LẮP GHÉP CÁC KHỐI ĐA DIỆN**

Nếu khối đa diện  là hợp của hai khối đa diện  và  sao cho  và  không có chung điểm trong nào thì ta nói có thể phân chia được khối đa diện  thành hai khối đa diện  và . Khi đó ta cũng nói có thể ghép hai khối đa diện  và  để được khối đa diện .

**Ví dụ 1.** Với khối chóp tứ giác , xét hai khối chóp tam giác  và .



Ta thấy rằng:

⏺ Hai khối chóp  và  không có điểm trong chung (tức là không tồn tại điểm trong của khối chóp này là điểm trong của khối chóp kia và ngược lại).

⏺ Hợp của hai khối chóp  và  chính là khối chóp Vậy khối chóp  được phân chia thành hai khối chóp  và  hay hai khối chóp  và  được ghép lại thành khối chóp 



**Ví dụ 2.** Cắt khối lăng trụ  bởi mặt phẳng .



Khi đó, khối lăng trụ được phân chia thành hai khối đa diện  và .

Nếu ta cắt khối chóp  bởi mặt phẳng  thì ta chia khối chóp  thành hai khối chóp  và .

Vậy khối lăng trụ  được chia thành ba khối tứ diện là ,  và .

**MỘT SÔ KẾT QUẢ QUAN TRỌNG**

**Kết quả 1:** Một khối đa diện bất kì có ít nhất 4 mặt.

**Kết quả 2:** Mỗi hình đa diện có ít nhất 4 đỉnh.

**Kết quả 3:** Mỗi hình đa diện có ít nhất 6 cạnh.

**Kết quả 4:** Mỗi đỉnh của một hình đa diện là đỉnh chung của ít nhất 3 cạnh.

**Kết quả 5:** Không tồn tại hình đa diện có 7 cạnh.

**Kết quả 6:** Cho  là đa diện mà các mặt của nó là những đa giác có  cạnh. Nếu số mặt của  là lẻ thì  phải là số chẵn.

***Chứng minh:***Gọi  là số các mặt của khối đa diện . Vì mỗi mặt của  có  cạnh nên  mặt sẽ có  cạnh. Nhưng do mỗi cạnh là cạnh chung của đúng hai đa giác nên số cạnh của  bằng . Vì  lẻ nên  phải là số chẵn.

**Kết quả 7 (Suy ra từ chứng minh kết quả 6):** Cho  là đa diện có  mặt, mà các mặt của nó là những đa giác có  cạnh. Khi đó số cạnh của  là .

**Kết quả 8:** Mỗi khối đa diện có các mặt là các tam giác thì tổng số các mặt của nó phải là một số chẵn.

***Chứng minh:***Gọi số cạnh và số mặt của khối đa diện lần lượt là  và 

Vì mỗi mặt có ba cạnh và mỗi cạnh là cạnh chung của đúng hai mặt nên ta có số cạnh của đa diện là  chẵn.

**Kết quả 9:** Mỗi khối đa diện bất kì luôn có thể được phân chia được thành những khối tứ diện.

**Kết quả 10:** Nếu khối đa diện có mỗi đỉnh là đỉnh chung của ba cạnh thì số đỉnh phải là số chẵn. (Tổng quát: Một đa diện mà mỗi đỉnh của nó đều là đỉnh chung của một số lẻ mặt thì tổng số đỉnh là một số chẵn).

## **B. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM**

**Câu 1:** Cho các hình sau:



**Hình 1 Hình 2 Hình 3 Hình 4**

Mỗi hình trên gồm một số hữu hạn đa giác phẳng (kể cả các điểm trong của nó), hình đa diện là:

**A.** Hình 1. **B.** Hình 2. **C.** Hình 3. **D.** Hình 4.

**Câu 2:** Cho các hình sau:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |

**Hình 1 Hình 2 Hình 3 Hình 4**

Mỗi hình trên gồm một số hữu hạn đa giác phẳng (kể cả các điểm trong của nó), hình không phải đa diện là:

**A.** Hình 1. **B.** Hình 2. **C.** Hình 3. **D.** Hình 4.

**Câu 3:** Cho các hình sau:



**Hình 1 Hình 2 Hình 3 Hình 4**

Mỗi hình trên gồm một số hữu hạn đa giác phẳng (kể cả các điểm trong của nó), số hình đa diện là:

**A.** 1. **B.** 2. **C.** 3. **D.** 4.

**Câu 4:** Vật thể nào trong các vật thể sau không phải là khối đa diện?



**A. B. C. D.**

**Câu 5:** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 



**Câu 6:** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 



**Câu 7:** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 



**Câu 8:** Khối đa diện nào sau đây có số mặt nhỏ nhất?

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |

**A.**  Khối tứ diện đều. **B.**  Khối chóp tứ giác.

**C.**  Khối lập phương. **D.**  Khối 12 mặt đều.

**Câu 9:** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu cạnh?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

****

**Câu 10:** Cho một hình đa diện. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai?

**A.** Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba cạnh.

**B.** Mỗi mặt có ít nhất ba cạnh.

**C.** Mỗi cạnh là cạnh chung của ít nhất ba mặt.

**D.** Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.

**Câu 11:** Gọi *Đ* là số các đỉnh,  là số các mặt,  là số các cạnh của một hình đa diện bất kỳ. mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 12:** Một hình đa diện có các mặt là những tam giác. Gọi  là tổng số mặt và  là tổng số cạnh  của đa diện đó. Mệnh đề nào sau đây đúng.

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 13:** Hình đa diện nào dưới đây không có tâm đối xứng?

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |

**A.**  Tứ diện đều. **B.**  Bát diện đều.

**C.**  Hình lập phương. **D.** Lăng trụ lục giác đều.

**Câu 14:** Gọi  lần lượt là số trục đối xứng của khối tứ diện đều, khối chóp tứ giác đều và khối lập phương. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 15:** Hình chóp tứ giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng. **C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 16:** Số mặt phẳng đối xứng của hình tứ diện đều là:

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng. **C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 17:** Hình lăng trụ tam giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng. **C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 18:** Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng. **C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 19:** Một hình hộp đứng có đáy là hình thoi (không phải là hình vuông) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng. **C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 20:** Hình lập phương có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng.

**C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 21:** Số mặt phẳng đối xứng của hình bát diện đều là:

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng.

**C.**  mặt phẳng. **D.**  mặt phẳng.

**Câu 22:** Có tất cả bao nhiêu mặt phẳng cách đều bốn đỉnh của một tứ diện?

**A.**  mặt phẳng. **B.**  mặt phẳng.

**C.**  mặt phẳng. **D.** Có vô số mặt phẳng.

**Câu 23:** Mặt phẳng  chia khối lăng trụ  thành các khối đa diện nào?

**A.** Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.

**B.** Hai khối chóp tam giác.

**C.** Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.

**D.** Hai khối chóp tứ giác.

**Câu 24:** Lắp ghép hai khối đa diện  để tạo thành khối đa diện , trong đó  là khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng ,  là khối tứ diện đều cạnh  sao cho một mặt của  trùng với một mặt của  như hình vẽ. Hỏi khối da diện  có tất cả bao nhiêu mặt?

****

**A.  B.  C.  D. **

**Câu 25:** Có thể chia một hình lập phương thành bao nhiêu khối tứ diện bằng nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 