

## PHẦN D. TRẮC NGHIỆM ĐÚNG SAI

- Câu 1.** Cho hàm số  $y = \frac{-x^2 + x + 1}{x + 1}$  có đồ thị (C).
- a) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-2, -1); (-1, 0)$ .

b) Hàm số có hai điểm cực trị.

c) Đồ thị (C) không cắt trục  $Ox$ .

d) Đồ thị (C) có tiệm cận xiên đi qua điểm  $A(1; 2)$ .

Lời giải

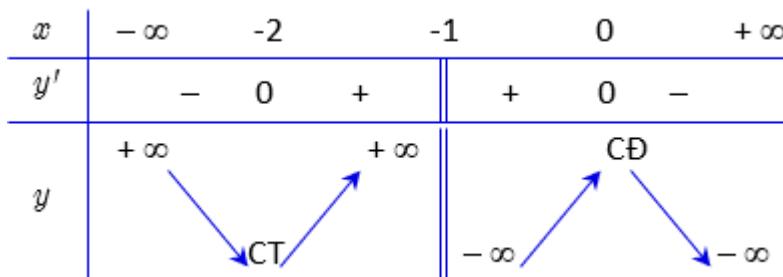
a) Đúng	b) Đúng	c) Sai	d) Sai
---------	---------	--------	--------

Ta có  $y = \frac{-x^2 + x + 1}{x + 1} = -x + 2 - \frac{1}{x + 1}$

Tá có  $y' = \frac{-x - 2x}{(x+1)^2}$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -2 \end{cases}$$

Khi đó ta có bảng biến thiên:



Vậy a) và b) đều đúng.

Mặt khác,  $y = 0 \Leftrightarrow -x^2 + x + 1 = 0 (*)$

Vậy phương trình (\*) luôn có hai nghiệm phân biệt. Hay (C) luôn cắt  $Ox$  tại hai điểm phân biệt.

Vậy c) sai.

Tiệm cận xiên của đồ thị là  $y = -x + 2$

- Câu 2.** Cho hàm số  $y = \frac{-x^2 - 3x + 4}{x - 3}$  có đồ thị là (C).
- a) Đồ thị (C) có tiệm cận xiên là  $y = -x - 6$ .

b) Đồ thị (C) nhận giao điểm  $I(3; -9)$  làm tâm đối xứng.

c) Đồ thị (C) có hai điểm cực trị nằm 2 phía đối với  $Oy$ .

d) Đồ thị không cắt trục  $Ox$ .

### Lời giải

a) Đúng	b) Đúng	c) Đúng	d) Sai
Ta có $y = -x - 6 - \frac{14}{x-3}$			

Khi đó tiệm cận xiên là  $y = -x - 6$ . Vậy a đúng. tiệm cận đứng là  $x = 3$ .

Suy ra, giao điểm 2 tiệm cận là  $I(3, -9)$  là tâm đối xứng.

Vậy b đúng.

$$\text{Mặt khác, } y' = \frac{-x + 6x + 5}{(x-3)^2} = 0 \Leftrightarrow x^2 - 6x - 5 = 0 \quad (*)$$

Phương trình (\*) luôn có 2 nghiệm  $x_1 < 0 < x_2$ . Nên (C) luôn có 2 điểm cực trị nằm 2 phía đối với  $Oy$ . Vậy c đúng.

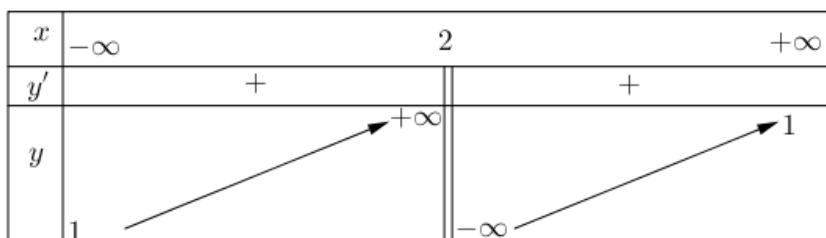
Hơn nữa,  $y = 0 \Leftrightarrow -x^2 - 3x + 4 = 0$ .

Phương trình luôn có 2 nghiệm (vì  $(-1).4 < 0$ )

Suy ra (C) cắt  $Ox$  tại hai điểm phân biệt.

Vậy d sai.

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+1}{bx+c}$  ( $a, b, c$  là các tham số) có bảng biến thiên như hình vẽ



- a)  $c > 1$
- b)  $a+b < 0$
- c)  $a+b+c = 0$
- d)  $a > 0$

### Lời giải

a) Sai	b) Đúng	c) Đúng	d) Sai
--------	---------	---------	--------

Dựa vào bảng biến thiên ta có hàm số luôn đồng biến trên từng khoảng xác định, đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = 2$  và tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 1$  nên ta có hệ

$$\left\{ \begin{array}{l} -\frac{c}{b} = 2 \\ \frac{a}{b} = 1 \\ ac - b > 0 \end{array} \right. \Leftrightarrow \left\{ \begin{array}{l} c = -2b \\ a = b \\ ac - b > 0 \end{array} \right. \Leftrightarrow \left\{ \begin{array}{l} c = -2b \\ a = b \\ -2b^2 - b > 0 \end{array} \right. \Leftrightarrow \left\{ \begin{array}{l} 0 < c < 1 \\ -\frac{1}{2} < a < 0 \\ -\frac{1}{2} < b < 0 \\ a + b + c = 0 \end{array} \right.$$

Dựa vào hệ trên ta có các phát biểu a) d) là sai, b) c) đúng.

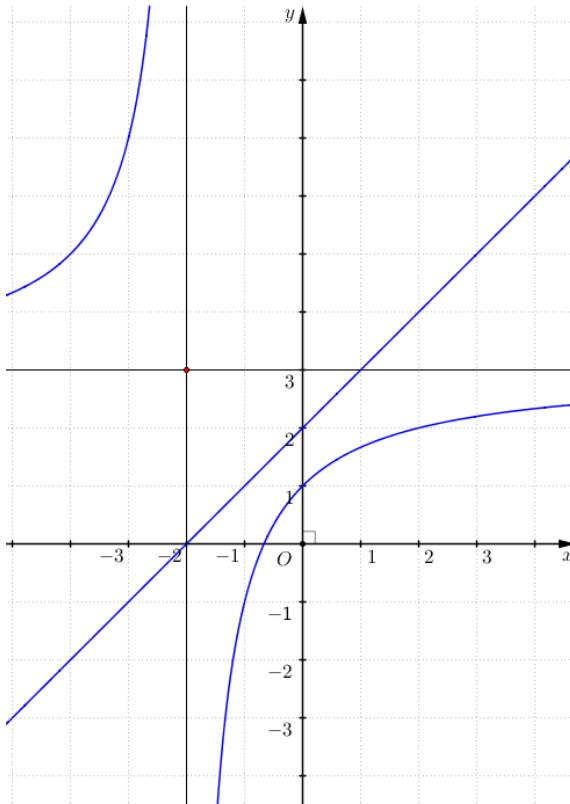
**Câu 4.** Cho hàm số  $y = \frac{3x+2}{x+2}$  có đồ thị là  $(C)$ .

- a) Đường thẳng  $y = 3$  là tiệm cận đứng của đồ thị  $(C)$ .
- b) Điểm  $I(-2; 3)$  là giao điểm của các đường tiệm cận của đồ thị  $(C)$ .
- c) Đồ thị  $(C)$  cắt đường thẳng  $y = x + 2$  tại hai điểm phân biệt
- d) Đường thẳng  $y = x$  cắt  $(C)$  tại hai điểm  $A, B$ . Biết đường thẳng  $y = x + k$  cắt  $(C)$  tại  $C, D$  thì  $ABCD$  là hình bình hành khi đó  $k > 5$

### Lời giải

<b>a) Sai</b>	<b>b) Đúng</b>	<b>c) Sai</b>	<b>d) Đúng</b>
---------------	----------------	---------------	----------------

**a) b) c)**



**d) Phương trình hoành độ giao điểm của  $(C)$  và đường thẳng  $y = x$**

$$\frac{3x+2}{x+2} = x \Leftrightarrow x^2 - x - 2 = 0 \Leftrightarrow x = -1, x = 2 \Rightarrow A(-1; -1), B(2; 2)$$

Phương trình hoành độ giao điểm của  $(C)$  và đường thẳng  $y = x + m$

$$\frac{3x+2}{x+2} = x + m \Leftrightarrow x^2 + (m-1)x + 2m - 2 = 0 \quad (1)$$

Đường thẳng  $y = x + m$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt C, D  $\Leftrightarrow$  (1) có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  khác -2  $\Leftrightarrow (m-1)(m-9) > 0 \Leftrightarrow m \in (-\infty; 1) \cup (9; +\infty)$

Khi đó:  $C(x_1; x_1 + m), D(x_2; x_2 + m)$ , ABCD là hình bình hành  $\Leftrightarrow \overline{AB} = \overline{DC} \Leftrightarrow x_2 - x_1 = 3$   
 $\Leftrightarrow \sqrt{\Delta} = 3 \Leftrightarrow \Delta = 9 \Leftrightarrow m^2 - 10m + 9 = 9 \Leftrightarrow m = 0, m = 10$

Kiểm tra thấy  $m = 10$  là giá trị cần tìm.

$$y = \frac{mx^2 + (3m^2 - 2)x - 2}{x + 3m}$$

**Câu 5.** Cho hàm số (1), với  $m$  là số thực.

a) Khi  $m = 1$  đồ thị hàm số có 2 điểm cực trị

b) Khi  $m = 1$  đồ thị hàm số có đường tiệm cận xiên là  $y = x - 2$

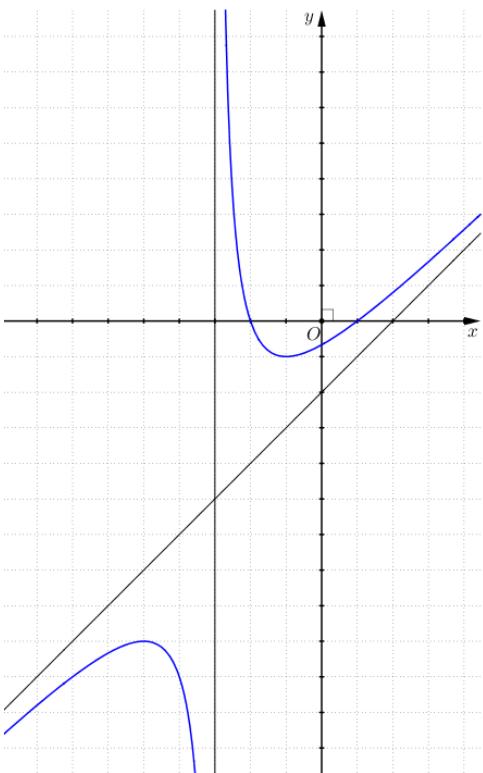
c) Khi  $m = 1$  giao điểm của đường tiệm cận xiên và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là  $I(3; -5)$

d) Có 2 giá trị  $m$  để góc giữa hai tiệm cận của đồ thị hàm số (1) bằng  $45^\circ$

### Lời giải

a) Đúng	b) Đúng	c) Sai	d) Đúng
---------	---------	--------	---------

a) b) c) Khi  $m = 1 \Leftrightarrow y = x - 2 + \frac{4}{x+3}$



d) Ta có:  $y = \frac{mx^2 + (3m^2 - 2)x - 2}{x + 3m} = mx - 2 + \frac{6m - 2}{x + 3m}$

\* Nếu  $m = \frac{1}{3}$  đồ thị hàm số không tồn tại hai tiệm cận

\* Nếu  $m \neq \frac{1}{3}$ , đồ thị hàm số có hai tiệm cận

$$d_1 : x = -3m \Leftrightarrow x + 3m = 0 \text{ và } d_2 : y = mx - 2 \Leftrightarrow mx - y - 2 = 0$$

$\Rightarrow n_1(1; 0), n_2(m; -1)$  lần lượt là véc tơ pháp của  $d_1$  và  $d_2$ .

$$45^\circ \Leftrightarrow \cos 45^\circ = \frac{|n_1 \cdot n_2|}{|n_1| \cdot |n_2|} \Leftrightarrow \frac{|m|}{\sqrt{m^2 + 1}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow m = \pm 1$$

Góc giữa  $d_1$  và  $d_2$  bằng

Câu 6. Cho hàm số  $y = \frac{mx - 1}{2x + m}$  có đồ thị là  $(C_m)$ ,  $m$  là tham số.

a) Khi  $m = 2$  thì đồ thị hàm số có đường tiệm cận ngang là  $y = 1$

b) Khi  $m = 2$  thì giao điểm các đường tiệm cận có tọa độ là  $I(1; -1)$

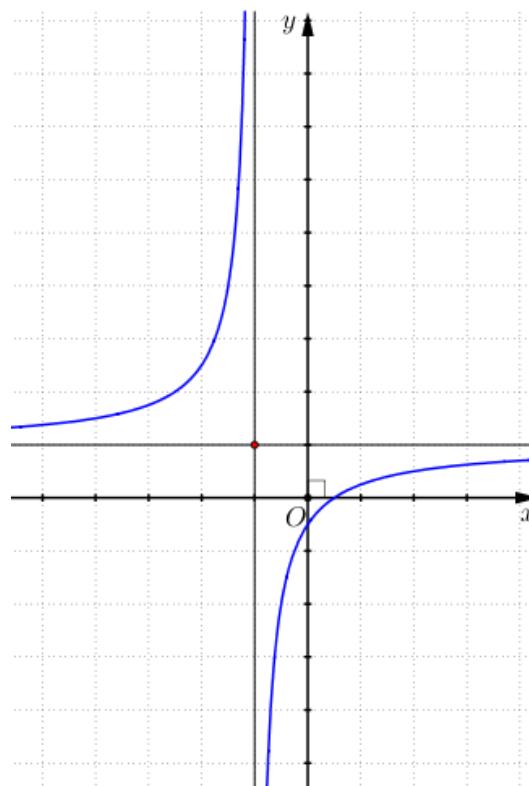
c) Đường tiệm cận đứng của đồ thị đi qua điểm  $A(-1; \sqrt{2})$  thì  $m = 2$

d) Với mọi giá trị của tham số  $m$ , hàm số luôn đồng biến trên mỗi khoảng xác định của nó.

### Lời giải

a) Đúng	b) Sai	c) Đúng	d) Đúng
---------	--------	---------	---------

a) b)



c) Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $\Leftrightarrow m\left(-\frac{m}{2}\right) - 1 \neq 0 \Leftrightarrow m^2 + 2 \neq 0$  đúng  $\forall m$ .

Khi đó đường thẳng  $x = -\frac{m}{2}$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số nên yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow -\frac{m}{2} = -1 \Leftrightarrow m = 2$  là giá trị cần tìm.

d) Ta có:  $y' = \frac{m^2 + 2}{(2x+m)^2} > 0 \quad \forall x \neq -\frac{m}{2}$

Vậy hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định của nó.

Câu 7. Cho hàm số  $y = x - \frac{1}{x+1}$

a) Đồ thị của hàm số có tiệm cận đứng là  $x = 1$

b) Đồ thị hàm số cắt trục  $Oy$  tại  $M$ . Phương trình tiếp tuyến của (C) tại  $M$  là  $y = 2x - 1$

c) Tồn tại hai tiếp tuyến của đồ thị vuông góc với nhau

d) Để đường thẳng  $y = k$  cắt (C) tại hai điểm phân biệt  $A$  và  $B$  sao cho  $OA \perp OB$  khi đó  $k$  là nghiệm của phương trình  $k^2 - k - 1 = 0$

**Giải**

a) Sai	b) Đúng	c) Sai	d) Đúng
--------	---------	--------	---------

$$\text{a)} \quad y = x - \frac{1}{x+1}$$

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$

$$y' = 1 + \frac{1}{(x+1)^2} > 0, \forall x \in D$$

: hàm số luôn luôn đồng biến, không có cực đại, cực tiểu

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} y = \pm\infty : x = -1$$

là tiệm cận đứng

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = x : y = x$$

là tiệm cận xiên

$$\text{b)} \quad M(0, -1), y_0' = 2$$

Phương trình tiếp tuyến (T) tại  $M : y = 2(x - 0) - 1 \Leftrightarrow y = 2x - 1$

c) Tiếp tuyến  $(T_1)$  của  $(C)$  tại  $P(x_1, y_1)$  có hệ số góc

$$k_1 = y_{x_1}' = 1 + \frac{1}{(x_1+1)^2} > 0$$

Tiếp tuyến  $(T_2)$  của  $(C)$  tại  $Q(x_2, y_2)$  có hệ số góc

$$k_2 = y_{x_2}' = 1 + \frac{1}{(x_2+1)^2} > 0$$

Do  $y_{x_1}' > 0, y_{x_2}' > 0$  nên không thể có 2 tiếp tuyến của  $(C)$  vuông góc nhau

$$\text{d)} \quad y = x - \frac{1}{x+1} = \frac{x^2 + x - 1}{x+1}$$

Phương trình hoành độ giao điểm của  $(C)$  và đường thẳng  $y = k$ :

$$\frac{x^2 + x - 1}{x+1} = k \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x^2 - (k-1)x - (k+1) = 0 (*) \end{cases}$$

Do vị trí của  $(C)$  trên hệ tọa độ  $Oxy$ , có thể kết luận (\*) luôn có 2 nghiệm phân biệt

$$x_A, x_B \neq -1 \quad \text{và} \quad \begin{cases} x_A + x_B = k - 1 \\ x_A \cdot x_B = -(k+1); A(x_A; k), B(x_B; k) \end{cases}$$

$$\overline{OA} = (x_A, k), \overline{OB} = (x_B, k)$$

$$OA \perp OB \Leftrightarrow OA \cdot OB = 0 \Leftrightarrow x_A x_B + k^2 = 0 \Leftrightarrow -k - 1 + k^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} k = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} \\ k = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

$$y = \frac{-x^2 + 2(m+1)x - 5}{x-1}$$

Câu 8. Cho hàm số

a) Khi  $m=0$  thì đồ thị hàm số có tiệm cận xiên là  $y = -x + 1$

b) Khi  $m=0$  thì đồ thị hàm số không cắt  $Ox$ .

b) Để hàm số có cực đại, cực tiểu thì  $m > 4$

d) Tồn tại 1 điểm  $M$  thuộc đồ thị  $(C)$  sao cho  $x_M > 1$  và độ dài  $IM$  ngắn nhất ( $I$  là tâm đối xứng của  $(C)$ ) khi đó tung độ  $y_M < -4$

**Giải**

a) Đúng	b) Đúng	c) Sai	d) Đúng
---------	---------	--------	---------

a) b) Khi  $m=0$ :  $y = \frac{-x^2 + 2x - 5}{x-1} = -x + 1 - \frac{4}{x-1}$

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

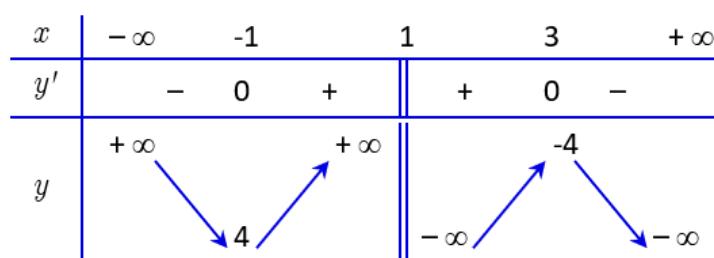
$$y' = \frac{-x^2 + 2x + 3}{(x-1)^2}$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow -x^2 + 2x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \Rightarrow y = 4 \\ x = 3 \Rightarrow y = -4 \end{cases}$$

$\lim_{x \rightarrow 1^\pm} y = \pm\infty$ ;  $x = 1$  là tcd

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = -x + 1$ ;  $y = -x + 1$  là tcx

Bảng biến thiên:



$$x = 0 \Rightarrow y = 5$$

$$y = 0 \Rightarrow -x^2 + 2x - 5 = 0 \text{ (vô nghiệm)}$$

Đồ thị hàm số không cắt  $Ox$ .

c)  $y = \frac{-x^2 + 2(m+1)x - m - 5}{x-1}$

$$y' = \frac{-x^2 + 2x - 2m - 2 + m + 5}{(x-1)^2} = \frac{-x^2 + 2x - m + 3}{(x-1)^2}$$

Hàm số  $y$  có cực đại cực tiểu khi phương trình  $-x^2 + 2x - m + 3 = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \Delta = 1 - m + 3 = 4 - m > 0 \Leftrightarrow m < 4$ ,  $x = 1$  không phải là nghiệm của phương trình  $y' = 0 \Leftrightarrow -1 + 2 - m + 3 \neq 0 \Leftrightarrow m \neq 4$

Điều kiện sau cùng:  $m < 4$

d)  $x_M > 1 \Rightarrow M$  thuộc nhánh bên phải của  $(C).I(1,0)$

$$\begin{aligned} M(m, -m+1 - \frac{4}{m-1}) \\ IM^2 &= (m-1)^2 + \left[ (-m+1)^2 + \frac{16}{(m-1)^2} + 8 \right] \\ &= 2(m-1)^2 + \frac{16}{(m-1)^2} + 8 \geq 2\sqrt{2}(m-1) \cdot \frac{4}{(m-1)} + 8 \\ \Rightarrow IM^2 &\geq 8(\sqrt{2}+1) \Rightarrow IM \geq \sqrt{8(\sqrt{2}+1)} \end{aligned}$$

$$IM \text{ ngắn nhất khi } 2(m-1)^2 = \frac{16}{(m-1)^2} \Leftrightarrow (m-1)^4 = 8 \Leftrightarrow m = 1 + \sqrt[4]{8}$$

$$\Rightarrow y_M = -\sqrt[4]{8} - \frac{4}{\sqrt[4]{8}} < -4$$

$$y = \frac{-mx^2 + (4m-2)x + 1 - 4m}{x-1}$$

- Câu 9. Cho hàm số
- a) Khi  $m = 1$  đồ thị hàm số có 2 điểm cực trị
  - b) Khi  $m = 1$  đồ thị hàm số không cắt trục  $Ox$
  - c) Khi  $m < -1$  thì hàm số đạt cực đại và cực tiểu trong miền  $x > 0$
  - d) Có 2 phương trình tiếp tuyến của  $(C)$  song song với đường thẳng  $x - y = 0$

Giải

a) Đúng	b) Đúng	c) Đúng	d) Đúng
---------	---------	---------	---------

a) b) Khi  $m = 1$ :  $y = \frac{-x^2 + 2x - 3}{x-1} = -x + 1 - \frac{2}{x-1}$

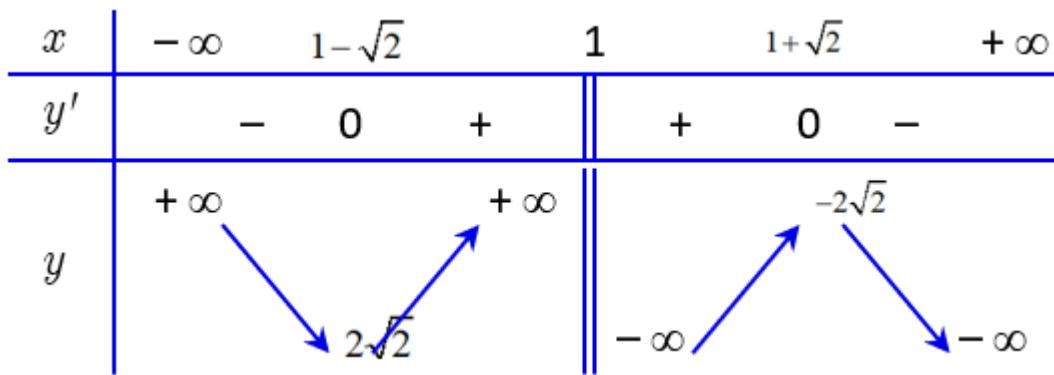
Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

$$y' = \frac{-x^2 + 2x + 1}{(x-1)^2} = 0 \Leftrightarrow -x^2 + 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 - \sqrt{2} \Rightarrow y = 2\sqrt{2} \\ x = 1 + \sqrt{2} \Rightarrow y = -2\sqrt{2} \end{cases}$$

$\lim_{x \rightarrow 1^\pm} y = \pm\infty$ :  $x = 1$  là tiệm cận đứng

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = -x + 1$ :  $y = -x + 1$  là tiệm cận xiên

Bảng biến thiên:



$$x = 0 \Rightarrow y = 3$$

$y = 0 \Rightarrow -x^2 + 2x - 3 = 0$  (vô nghiệm), đồ thị hàm số không cắt trục  $Ox$

c)  $y = \frac{-mx^2 + (4m-2)x + 1 - 4m}{x-1} \Rightarrow y' = \frac{-mx^2 + 2mx - 4m + 2 - 1 + 4m}{(x-1)^2}$

Suy ra  $y' = \frac{-mx^2 + 2mx + 1}{(x-1)^2}$

Dấu  $y'$  là dấu của tam thức  $g(x) = -mx^2 + 2mx + 1$

$$g(x) \text{ có } \Delta' = m^2 + m$$

$$g(1) = -m + 2m + 1 = m + 1$$

Để hàm số có cực đại và cực tiểu thì  $\begin{cases} \Delta' > 0 \\ m+1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < -1 \\ m > 0 \end{cases}$

Lúc này, hàm số đạt cực đại, cực tiểu tại  $x = x_1, x = x_2$  và  $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 \cdot x_2 = -\frac{1}{m} \end{cases}$ .

Giả sử  $x_1 < x_2$

Theo yêu cầu bài toán:

$$\begin{cases} x_1 > 0 \\ x_2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 > 0 \\ x_1 \cdot x_2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 > 0 \text{ (luôn đúng)} \\ -\frac{1}{m} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow m < 0$$

Giao với điều kiện  $\Delta' > 0$  được  $m < -1$

d)  $y_x = \frac{-x^2 + 2x + 1}{(x-1)^2}$

Đường thẳng  $x - y = 0$  có hệ số góc  $k = 1$

Để tiếp tuyến của  $(C)$  song song với đường thẳng  $y = x$ , cần và đủ là

$$y' = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ \frac{-x^2 + 2x + 1}{(x - 1)^2} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ -x^2 + 2x + 1 = x^2 - 2x + 1 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ 2x^2 - 4x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y = 3 \\ x = 2 \Rightarrow y = -3 \end{cases}$$

Có hai tiếp tuyến thỏa yêu cầu bài toán:

$$(T_1): y = 1(x - 0) + 3 \Leftrightarrow y = x + 3$$

$$(T_2): y = 1(x - 2) - 3 \Leftrightarrow y = x - 5$$

$$y = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}$$

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}$  có đồ thị là đường cong  $(C)$

- a) Biết hàm số có 2 điểm cực trị khi đó tổng của giá trị cực đại và giá trị cực tiểu bằng  $-4$
- b) Đường tiệm cận xiên của đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(0; 1)$
- c) Phương trình tiếp tuyến với  $(C)$  vuông góc với đường thẳng  $x - 3y - 6 = 0$  đi qua điểm  $B\left(-\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$
- d) Để phương trình  $x^2 + 3x + 3 = m|x + 2|$  có 4 nghiệm phân biệt thì  $m > 2$

Giải

a) Sai	b) Đúng	c) Đúng	d) Sai
--------	---------	---------	--------

a) b)  $y = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2} = x + 1 + \frac{1}{x + 2}$

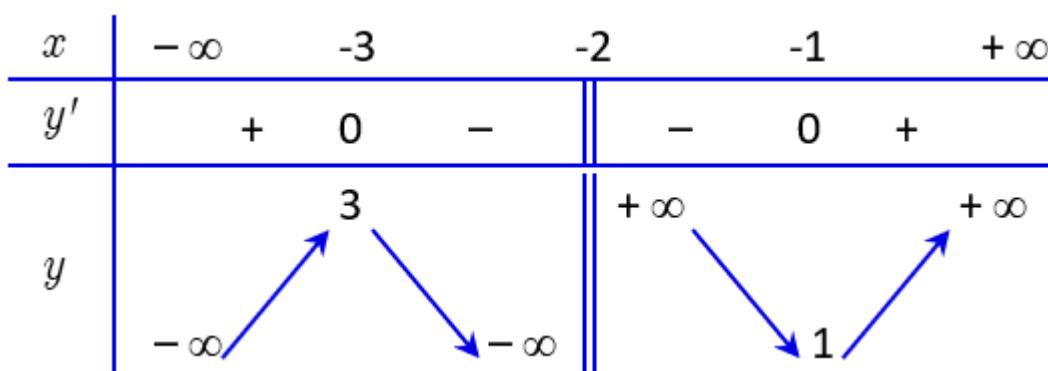
Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$

$$y' = \frac{x^2 + 4x + 3}{(x + 2)^2}, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \Rightarrow y = 1 \\ x = -3 \Rightarrow y = -3 \end{cases}$$

$\lim_{x \rightarrow -2^\pm} y = \pm\infty$ :  $x = -2$  là tcd

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = x + 1 \Rightarrow y = x + 1$  là tcx

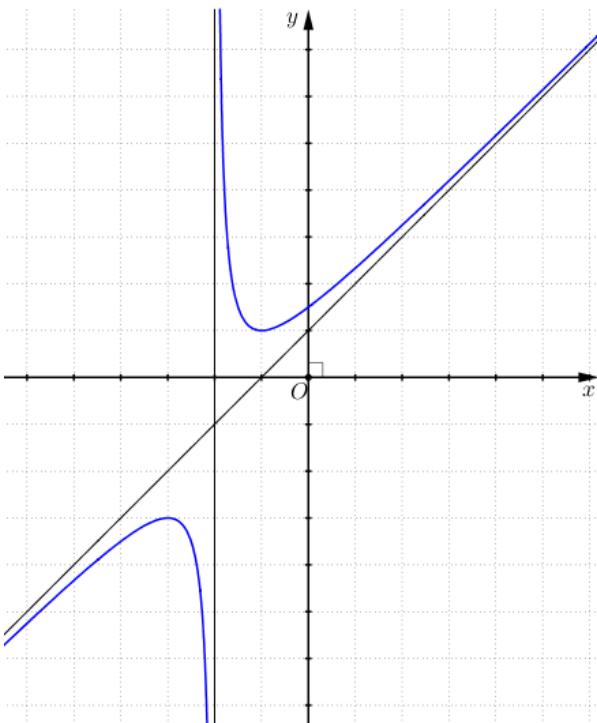
Bảng biến thiên:



$$x=0 \Rightarrow y = \frac{3}{2}$$

Đồ thị không cắt trục  $Ox$

Đồ thị:



- c) Đường thẳng  $x - 3y - 6 = 0$  có hệ số góc  $k_1 = \frac{1}{3} \Rightarrow$  tiệp tuyén của  
 (C) vuông góc với đường thẳng này có hệ số góc  $k_2 = -3$

Xét phương trình  $y_x = -3$

$$\Leftrightarrow \frac{x^2 + 4x + 3}{(x+2)^2} = -3 \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -2 \\ x^2 + 4x + 3 = -3(x^2 + 4x + 3) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -2 \\ 4x^2 + 16x + 15 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{5}{2} \Rightarrow y = -\frac{7}{2} \\ x = -\frac{3}{2} \Rightarrow y = \frac{3}{2} \end{cases}$$

Tại  $A\left(-\frac{5}{2}, -\frac{7}{2}\right)$  có tiệp tuyén  $(T_1): y = -3\left(x + \frac{5}{2}\right) - \frac{7}{2} \Leftrightarrow y = -3x - 11$

Tại  $B\left(-\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$  có tiệp tuyén  $(T_2): y = -3\left(x + \frac{3}{2}\right) + \frac{3}{2} \Leftrightarrow y = -3x - 3$

d)  $x^2 + 3x + 3 = m | x+2 | \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -2 \\ \frac{x^2 + 3x + 3}{|x+2|} = m \end{cases}$

$\Rightarrow$  Số giao điểm của đồ thị  $(C_1)$

$$y = \frac{x^2 + 3x + 3}{|x + 2|}$$

$$= \begin{cases} \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2} & (1): x > -2 \\ -\left(\frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}\right) & (2): x < -2 \end{cases}$$

(1): bên phải tiệm cận đứng: giữ nguyên  $(C)$

(2): bên trái tiệm cận đứng: lấy đối xứng của  $(C)$  qua trục  $Ox$   $(C_1)$  là đường có nét liền, đậm

Số giao điểm của  $(C_1)$  và đường thẳng  $y = m$  là số nghiệm của phương trình.

Vị trí của đường thẳng  $y = m$  để có 4 giao điểm với  $(C_1)$  là  $m > 3$