

Câu 8. Tổng giá trị các nghiệm của phương trình $(x^2 + 1)(x - 2)(x + 3) = 0$ là

- A. -5. B. 2. C. 0. D. -1.

Câu 9. Cho tứ giác lồi MNPQ có $MP \perp NQ$. Biết $MN = 4$ cm, $NP = 8$ cm và $PQ = 7$ cm. Độ dài cạnh MQ là

- A. $MQ = 1,5$ (cm). B. $MQ = 1,2$ (cm). C. $MQ = 1$ (cm). D. $MQ = 2$ (cm).

Câu 10. Cho tứ giác ABCD, phân giác của các góc C và D cắt nhau tại I.

Biết $\hat{A} = 120^\circ$, $\hat{B} = 150^\circ$. Số đo của \widehat{CID} bằng

- A. 125° . B. 135° . C. 90° . D. 145° .

Câu 11. Cho đa giác có 2023 cạnh. Số đường chéo của đa giác đó là

- A. 2022. B. 2023. C. 2043230. D. 2049299.

Câu 12. Cho hình thang ABCD ($AB \parallel CD$), gọi O là giao điểm của AC và BD.

Giả sử $S_{\Delta AOB} = m^2$, $S_{\Delta COD} = n^2$. Khi đó diện tích hình thang ABCD là

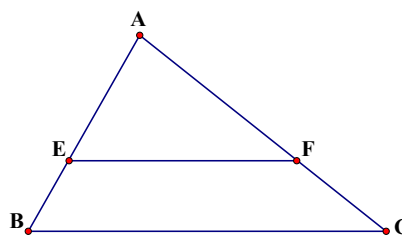
- A. $(m+n)^2$. B. $2(m+n)^2$. C. $m^2 + n^2$. D. $2(m^2 + n^2)$.

Câu 13. Cho hình vẽ:

Biết $AB = 8$ cm; $EB = 2$ cm; $AC = 10$ cm.

Độ dài CF bằng

- A. 2 cm. B. $\frac{5}{2}$ cm.
C. 3 cm. D. $\frac{7}{2}$ cm.



Câu 14. Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH ($H \in BC$). Biết $AB = 6$ cm, $AC = 8$ cm. Độ dài BH bằng

- A. 3,6 cm. B. 3,8 cm. C. 4,2 cm. D. 4,5 cm.

Câu 15. Cho hình bình hành ABCD. Qua A kẻ một đường thẳng tùy ý cắt BD, BC, CD lần lượt tại E, F, K. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $AE^2 = EF \cdot EK$. B. $AF^2 = EF \cdot EK$. C. $AE^2 = EF \cdot FK$. D. $AF^2 = EF \cdot FK$.

Câu 16. Một xe máy dự định đi từ A đến B hết 3 giờ 20 phút, nếu tăng vận tốc thêm 5 km/h thì xe máy đến B sớm hơn 20 phút. Vận tốc dự định của xe máy là

- A. 40 km/h. B. 45 km/h. C. 50 km/h. D. 55 km/h.

II. PHẦN TỰ LUẬN (12,0 điểm)

Câu 17 (3,0 điểm).

- Tìm tất cả các cặp số nguyên (x, y) thỏa mãn $x^2 + y^2 + 2x = 17$.
- Chứng minh rằng với mọi số tự nhiên n , ta có: $n^3 + 3n^2 + 2n \div 6$.

Câu 18 (4,0 điểm). Cho biểu thức $P = \frac{x^2 + x}{x^2 - 2x + 1} : \left(\frac{x+1}{x} + \frac{1}{x-1} + \frac{2-x^2}{x^2-x} \right)$

với $x \neq 0, x \neq 1$.

- Rút gọn biểu thức P .
- Tìm x để $P = -\frac{1}{2}$.
- Tìm giá trị nhỏ nhất của P khi $x > 1$.

Câu 19 (4,0 điểm). Cho hình vuông ABCD, E là một điểm bất kỳ trên cạnh BC. Qua A kẻ tia Ax vuông góc với AE, Ax cắt CD tại F. Trung tuyến AI của tam giác AEF cắt CD tại K, qua E kẻ đường thẳng song song với AB cắt AI tại G.

- Chứng minh tứ giác EGFK là hình thoi.
- Chứng minh: $AF^2 = FK \cdot FC$.
- Chứng minh rằng chu vi tam giác EKC không đổi khi E thay đổi trên cạnh BC.

Câu 20 (1,0 điểm). Cho x, y, z là các số thực thỏa mãn điều kiện $x^2y^2 + y^2z^2 + z^2x^2 = 3$.

Chứng minh rằng: $2(x^2 + y^2 + z^2) + xyz(x + y + z) \geq 3(xy + yz + zx)$.

-----HẾT-----

(Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm)