

Bài 1: (3,5 điểm) Rút gọn các biểu thức sau :

a) $9\sqrt{2} - 4\sqrt{50} + 3\sqrt{32}$

b) $\sqrt{(\sqrt{5} + 1)^2} + \sqrt{14 - 6\sqrt{5}}$

c) $\frac{5}{\sqrt{6} + 1} - \frac{6 - \sqrt{6}}{\sqrt{6} - 1}$

d) $\left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + 4} + \frac{4}{\sqrt{x} - 4} \right) \cdot \frac{5(\sqrt{x} - 4)}{x + 16}$ ($x \geq 0; x \neq 16$)

Bài 2: (1 điểm) . Tìm x , biết :

a) $\sqrt{5 + x} > 3$

b) $\sqrt{3(x - 2)} = 0$

Bài 3: (2 điểm) .

Cho hai đường thẳng $(d_1): y = 2x$ và $(d_2): y = -x + 3$.

a) Vẽ (d_1) và (d_2) trên cùng một hệ trục tọa độ .

b) Bằng phép toán tìm tọa độ giao điểm của (d_1) và (d_2) .

c) Viết phương trình đường thẳng $(d): y = ax + b$, biết (d) song song với (d_1) và đi qua điểm $(2, 0)$.

Bài 4: (3,5 điểm) .

Cho đường tròn (O) đường kính AB và C là điểm thuộc đường tròn . Các tiếp tuyến tại B và C của đường tròn cắt nhau tại D .

a) Chứng minh : $\widehat{ACB} = \widehat{ABD} = 90^\circ$.

b) Tiếp tuyến tại A của (O) cắt đường thẳng DC tại E . Chứng minh : $AE + BD = ED$.

c) Kẻ CK vuông góc với AB tại K . Gọi M là giao điểm của AD và EB . Chứng minh ba điểm C, M, K thẳng hàng .

d) Chứng minh : $\frac{1}{EA} + \frac{1}{DB} = \frac{1}{CM}$.

ĐÁP ÁN TOÁN 9 KIỂM TRA HKI (2016 – 2017)

Bài 1: (3,5 điểm) Rút gọn các biểu thức sau :

$$\begin{aligned} \text{a) } 9\sqrt{2} - 4\sqrt{50} + 3\sqrt{32} &= 9\sqrt{2} - 20\sqrt{2} + 12\sqrt{2} && (0,25+0,25) \\ &= \sqrt{2} && (0,25) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } \sqrt{(\sqrt{5} + 1)^2} + \sqrt{14 - 6\sqrt{5}} &= \sqrt{(\sqrt{5} + 1)^2} + \sqrt{(3 - \sqrt{5})^2} && (0,25) \\ &= |\sqrt{5} + 1| + |3 - \sqrt{5}| \\ &= \sqrt{5} + 1 + 3 - \sqrt{5} && (0,25+0,25) \\ &= 4. && (0,25) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c) } \frac{5}{\sqrt{6} + 1} - \frac{6 - \sqrt{6}}{\sqrt{6} - 1} &= \frac{5(\sqrt{6} - 1)}{(\sqrt{6} + 1)(\sqrt{6} - 1)} - \frac{\sqrt{6}(\sqrt{6} - 1)}{\sqrt{6} - 1} && (0,25+0,25) \\ &= \frac{5(\sqrt{6} - 1)}{6 - 1} - \sqrt{6} = \sqrt{6} - 1 - \sqrt{6} = -1 && (0,25) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d) } \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + 4} + \frac{4}{\sqrt{x} - 4} \right) \cdot \frac{5(\sqrt{x} - 4)}{x + 16} \quad (x \geq 0; x \neq 16) \\ &= \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x} - 4) + 4(\sqrt{x} + 4)}{(\sqrt{x} + 4)(\sqrt{x} - 4)} \cdot \frac{5(\sqrt{x} - 4)}{x + 16} && (0,25+0,25) \\ &= \frac{x - 4\sqrt{x} + 4\sqrt{x} + 16}{(\sqrt{x} + 4)(\sqrt{x} - 4)} \cdot \frac{5(\sqrt{x} - 4)}{x + 16} && (0,25) \\ &= \frac{5}{\sqrt{x} + 4} && (0,25) \end{aligned}$$

Bài 2: (1 điểm) . Tìm x , biết :

$$\text{a) } \sqrt{5 + x} > 3 \Leftrightarrow 5 + x > 9 \Leftrightarrow x > 4 \quad (0,25+0,25)$$

$$\text{b) } \sqrt{3(x - 2)} = 0 \Leftrightarrow 3(x - 2) = 0 \quad (0,25)$$

$$\Leftrightarrow x - 2 = 0 \Leftrightarrow x = 2. \quad (0,25)$$

Bài 3: (2 điểm).

Cho hai đường thẳng $(d_1): y = 2x$ và $(d_2): y = -x + 3$.

a) Vẽ (d_1) và (d_2) trên cùng một hệ trục tọa độ .

Mỗi bảng giá trị đúng : (0,25) ,

Trong bảng giá trị sai một giá trị không chấm bảng giá trị đó.

Mỗi đường thẳng vẽ đúng : (0,25)

Bảng giá trị sai mà đường thẳng vẽ đúng thì không chấm điểm đường thẳng đó.

b) phương trình hoành độ giao điểm : $2x = -x + 3$ (0,25)
 $\Leftrightarrow 3x = 3 \Leftrightarrow x = 1$

Với $x = 1$ thì $y = 2x = 2(1) = 2$

Vậy tọa độ giao điểm của (d_1) và (d_2) là $(1; 2)$ (0,25).

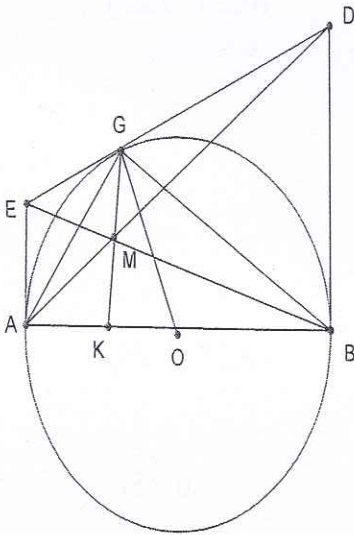
c) Viết phương trình đường thẳng $(d) : y = ax + b$, biết (d) song song với (d_1) và đi qua điểm $(2, 0)$.

Vì (d) song song với (d_1) nên $a = 2$ và $b \neq 0$ (0,25)

Vì (d) đi qua điểm $(2; 0)$ nên ta có $0 = 2(2) + b$, suy ra $b = -4$. (thỏa)

Vậy phương trình đường thẳng $(d) : y = 2x - 4$. (0,25)

Bài 4: (3,5 điểm) .



a) Chứng minh : $\angle ACB = \angle ABD = 90^\circ$.

Ta có : $\angle ACB = 90^\circ$ (tam giác ACB nội tiếp trong (O) có cạnh AB là đường kính) (0,25+0,25)

$\angle ABD = 90^\circ$ (BD là tiếp tuyến của (O)) (0,25)

Do đó $\angle ACB = \angle ABD = 90^\circ$. (0,25)

b) Chứng minh : $AE + BD = ED$.

Ta có : $AE = EC$; $BD = CD$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) (0,25+0,25)

Ta lại có : $ED = EC + CD$ (0,25)

Nên $ED = AE + BD$. (0,25)

c) Chứng minh ba điểm C , M , K thẳng hàng .

Xét hai tam giác: MAE và MDB có :

$\angle AME = \angle BMD$ (2 góc đối đỉnh)

$\sphericalangle MAE = \sphericalangle MDB$ (cặp góc so le trong do $EA \parallel BD$ vì cùng vuông góc với AB)

Nên $\triangle MAE \sim \triangle MDB$, suy ra $\frac{MA}{MD} = \frac{EA}{BD} = \frac{EC}{CD}$ (0,25)

Suy ra $CM \parallel AE$ (định lý ta – lét đảo) (0,25)

Lại có : $CK \parallel AE$ (cùng vuông góc với AB)

Do đó C, M, K thẳng hàng . (0,25)

d) Chứng minh : $\frac{1}{EA} + \frac{1}{DB} = \frac{1}{CM}$.

Vì $CM \parallel EA \parallel DB$ (cùng vuông góc với AB) nên $\frac{CM}{EA} = \frac{MD}{AD}$ và $\frac{CM}{BD} = \frac{EM}{EB}$ (0,25)

Mà $\triangle MAE \sim \triangle MDB$ nên $\frac{ME}{MB} = \frac{MA}{MD}$

Suy ra $\frac{ME}{MA} = \frac{MB}{MD} = \frac{ME+MB}{MA+MD} = \frac{EB}{AD} \Rightarrow \frac{ME}{EB} = \frac{MA}{AD}$. (0,25)

Do đó : $\frac{CM}{EA} + \frac{CM}{BD} = \frac{MD}{AD} + \frac{MA}{AD} = \frac{AD}{AD} = 1$

Suy ra : $\frac{1}{EA} + \frac{1}{DB} = \frac{1}{CM}$. (0,25)

-Hết-