# **PHẦN B. BÀI TẬP TỰ LUẬN**

## **DẠNG 1. CẤP SỐ CỘNG**

**Câu 1.** Trong các dãy số sau, dãy nào là cấp số cộng. Tìm số hạng đầu và công sai của cấp số cộng đó:

**a)**. Dãy số  với 

b). Dãy số  với 

**c)**. Dãy số  với 

d). Dãy số  với 

**Câu 2.** Định x để 3 số  theo thứ tự đó lập thành 1 cấp số cộng.

**Câu 3.** Một tam giác vuông có chu vi bằng 3a, và 3 cạnh lập thành một CS**C.** Tính độ dài ba cạnh của tam giác theo#a.

**Câu 4.** Ba góc của một tam giác vuông lập thành một CS**C.** Tìm số đo các góc đó.

**Câu 5.** Tìm số hạng đầu tiên, công sai, số hạng thứ  và tổng của  số hạng đầu tiên của các cấp số cộng sau, biết rằng:

**a)** b)  c)  d) 

**Câu 6.** Tìm số hạng đầu và công sai của cấp số cộng, biết:

**a)**. b). c).

**d)**. e).

**Câu 7.** Tìm 4 số hạng liên tiếp của một CSC biết tổng của chúng bằng 10 và tổng bình phương của chúng bằng 30.

**Câu 8.** Một CSC có 7 số hạng với công sai d dương và số hạng thứ tư bằng 11. Hãy tìm các số hạng còn lại của CSC đó, biết hiệu của số hạng thứ ba và số hạng thứ năm bằng 6.

**Câu 9.** Một CSC có 7 số hạng mà tổng của số hạng thứ ba và số hạng thứ năm bằng 28, tổng số hạng thứ năm và số hạng cuối bằng 140. Tìm CSC đó.

## **DẠNG 2. CẤP SỐ NHÂN**

**Câu 10.** Xét trong các dãy số số sau, dãy số nào là cấp số nhân, (nếu có) tìm công bối của cấp số nhân đó:

**a)**.  b).  c).  d). 

**Câu 11.** Chứng minh rằng dãy số  là một cấp số nhân.

**Câu 12.** Giá trị của  để  theo thứ tự lập thành cấp số nhân?

**Câu 13.** Cho dãy số  được xác định bởi . Chứng minh rằng dãy số  xác định bởi  là một cấp số nhân. Hãy xác định số hạng đầu và công bội của cấp số nhân đó.

**Câu 14.** Cho x, 3, y theo thứ tự lập thành cấp số nhân và  Tìm x, y.

**Câu 15.** Tìm số hạng đầu và công bội của cấp số nhân, biết:

**a)** b) c)

**Câu 16.** Cho CSN  có các số hạng thỏa: 

**a)**. Tìm số hạng đầu và công bội của CSN.

**b)**. Hỏi tổng bao nhiêu số hạng đầu tiên bằng 3069?

**c)**. Số 12288 là số hạng thứ mấy?

**Câu 17.** Cho cấp số nhân. Tìm  và q, biết rằng:

1) 2) 3)

4) 5). 

6) 7) 8)

9).  10). 

**Câu 18.** Tìm số hạng đầu và công bội của cấp số nhân, biết:

**a)**  b)  c) 

**d)**  e)  f) 

**Câu 19.** Cho 3 số dương có tổng là 65 lập thành một cấp số nhân tăng, nếu bớt một đơn vị ở số hạng thứ nhất và 19 đơn vị ở số hạng thứ ba ta được một cấp số cộng. Tìm 3 số đó.

**Câu 20.** Tìm 3 số hạng liên tiếp của một cấp số nhân biết tổng của chúng là 19 và tích là 216.

**Câu 21.** Tìm công bội của một cấp số nhân có số hạng đầu là 7, số hạng cuối là 448 và tổng số các số hạng là 889.

**Câu 22.** Tìm bốn số hạng liên tiếp của một cấp số nhân, trong đó số hạng thứ hai nhỏ hơn số hạng thứ nhất 35, còn số hạng thứ ba lớn hơn số hạng thứ tư 560.

**Câu 23.** Tìm các số dương a và b sao cho a, a + 2b, 2a + b lập thành một cấp số cộng và (b + 1)2, ab + 5, (a + 1)2 lập thành một cấp số nhân.

**Câu 24.** Tính các tổng sau:

**a)**. 

**b)**. 

**c)**. 

**d)**. 

**Câu 25.** Tính tổng 

## **DẠNG 3. BÀI TOÁN THỰC TẾ**

**Câu 26.** Ruộng bậc thang là một hình thức canh tác có nhiều ở khu vực Tây Bắc và Đông Bắc Việt Nam. Hình ảnh ruộng bậc thang thể hiện nét đẹp văn hoá, là công trình nghệ thuật độc đáo của đồng bào vùng cao phía Bắc. Ruộng bậc thang ở một số nơi đã trở thành những địa chỉ tham quan du lịch đầy hấp dẫn của du khách trong nước và quốc tế.



Một ruộng bậc thang có thửa thấp nhất nằm ở độ cao  so với mực nước biển, độ chênh lệch giữa thửa trên và thửa dưới trung bình là .

Hỏi thửa ruộng ở bậc thứ 10 có độ cao là bao nhiêu so với mục nước biển?

**Câu 27.** Chiều cao (đơn vị: centimét) của một đứa trẻ  tuổi phát triển bình thường được cho bởi công thức: 

(Nguồn: https://bibabo.vn)

**a)** Một đứa trẻ phát triển bình thường có chiều cao năm 3 tuổi là bao nhiêu centimét?

**b)** Dãy số  có là một cấp số cộng không? Trung bình một năm, chiều cao mỗi đứa trẻ phát triển bình thường tăng lên bao nhiêu centimét?

**Câu 28.** Khi kí kết hợp đồng lao động với người lao động, một doanh nghiệp đề xuất hai phương án trả lương như sau:

Phương án 1: Năm thứ nhất, tiền lương là 120 triệu. Kể từ năm thứ hai trở đi, mỗi năm tiền lương được tăng 18 triệu.

Phương án 2: Quý thứ nhất, tiền lương là 24 triệu. Kể từ quý thứ hai trở đi, mỗi quý tiền lương được tăng 1,8 triệu.

Nếu là người được tuyển dụng vào doanh nghiệp trên, em sẽ chọn phương án nào khi:

**a)** Kí hợp đồng lao động 3 năm?

**b)** Kí hợp đồng lao động 10 năm?

**Câu 29.** Một rạp hát có 20 hàng ghế. Tính từ sân khấu, số lượng ghế của các hàng tăng dấn như trong hình minh hoạ dưới đây.



Bạn hāy đếm và nêu nhận xét vé só ghế của năm hàng đâu tiên.

Làm thế nào để biết được số ghế của một hàng bất kì và tính được tổng số ghế có trong rạp hát đó?

**Câu 30.** Một rạp hát có 20 hàng ghế xếp theo hình quạt. Hàng thứ nhất có 17 ghế, hàng thứ hai có 20 ghế, hàng thứ ba có 23 ghế,... cứ thế tiếp tục cho đến hàng cuối cùng (Hình 4).



**a)** Tính số ghế có ở hàng cuối cùng.

**b)** Tính tổng số ghế có trong rạp.

**Câu 31.** Một người muốn mua một thanh gỗ đủ để cắt ra làm các thanh ngang của một cái thang. Biết rằng chiều dài các thanh ngang của cái thang đó (từ bậc dưới cùng) lần lượt là , .



**a)** Cái thang đó có bao nhiêu bậc?

**b)** Tính chiều dài thanh gỗ mà người đó cần mua, giả sử chiều dài các mối nối (phần gỗ bị cắt thành mùn cưa) là không đáng kể.

**Câu 32.** Khi một vận động viên nhảy dù nhảy ra khỏi máy bay, giả sử quãng đường người ấy rơi tự do (tính theo feet) trong mỗi giây liên tiếp theo thứ tự trước khi bung dù lần lượt là:  (các quãng đường này tạo thành cấp số cộng).

**a)** Tính công sai của cấp số cộng trên.

**b)** Tính tổng chiều dài quãng đường rơi tự do của người đó trong 10 giây đầu tiên.

**Câu 33.** Một cầu thang bằng gạch có tổng cộng 30 bậc. Bậc dưới cùng cần 100 viên gạch. Mỗi bậc tiếp theo cần ít hơn hai viên gạch so với bậc ngay trước nó.

**a)** Cần bao nhiêu viên gạch cho bậc trên cùng?

**b)** Cần bao nhiêu viên gạch để xây cầu thang?

**Câu 34.** Bác Hưng quyết định tham gia một chương trình bơi lội để duy trì sức khoẻ. Bác bắt đầu bằng cách bơi 10 phút vào ngày đầu tiên, sau đó thêm 2 phút mỗi ngày sau đó.

**a)** Tìm công thức truy hồi cho số phút  mà bác ấy bơi vào ngày thứ  của chương trình.

**b)** Tìm sáu số hạng đầu của dãy số .

**c)** Tìm công thức tổng quát của dãy số .

**d)** Bác Hưng đạt được mục tiêu bơi it nhất 60 phút mỗi ngày vào ngày thứ bao nhiêu của chương trình?

e) Tính tổng thời gian bác Hưng bơi sau 30 ngày đầu của chương trình.

**Câu 35.** Khi kí kết hợp đồng lao động với người lao động, một doanh nghiệp đề xuất hai phương án trả lương như sau:

Phương án 1: Năm thứ nhất, tiền lương là 120 triệu đồng. Kể từ năm thứ hai trở đi, mỗi năm tiền lương được tăng 18 triệu đồng.

Phương án 2: Quý thứ nhất, tiền lương là 24 triệu đồng. Kể từ quý thứ hai trở đi, mỗi quý tiền lương được tăng 1,8 triệu đồng.

Nếu là người được tuyển dụng vào doanh nghiệp trên, em nên chọn phương án nào khi:

**a)** Kí hợp đồng lao động 3 năm?

**b)** Kí hợp đồng lao động 10 năm?

**Câu 36.** Mặt sàn tầng một (tầng trệt) của một ngôi nhà cao hơn mặt sân . Cầu thang đi từ tầng một lên tầng hai gồm 25 bậc, mỗi bậc cao .

**a)** Viết công thức để tìm độ cao của bậc cầu thang thứ  so với mặt sân.

**b)** Tính độ cao của sàn tầng hai so với mặt sân.

**Câu 37.** Dân số trung bình của Việt Nam năm 2020 là 97,6 triệu người, tỉ lệ tăng dân số là /năm.

(Nguồn: Niên giám thống kê của Việt Nam năm 2020, NXB Thống kê, 2021)

Giả sử tỉ lệ tăng dân số không đổi qua các năm.

**a)** Sau 1 năm, dân số của Việt Nam sẽ là bao nhiêu triệu người (làm tròn kết quả đến hàng phần mười)?

**b)** Viết công thức tính dân số Việt Nam sau  năm kể từ năm 2020.

**Câu 38.** Một tỉnh có 2 triệu dân vào năm 2020 với tỉ lệ tăng dân số là 1%/năm. Gọi  là số dân của tỉnh đó sau  năm. Giả sử tỉ lệ tăng dân số là không đổi.

**a)** Viết công thức tính số dân của tỉnh đó sau  năm kể từ năm 2020.

**b)** Tính số dân của tỉnh đó sau 10 năm kể từ năm 2020.

**Câu 39.** Một gia đình mua một chiếc ô tô giá 800 triệu đồng. Trung bình sau mỗi năm sử dụng, giá trị còn lại của ô tô giảm đi  (so với năm trước đó).

**a)** Viết công thức tính giá trị của ô tô sau 1 năm, 2 năm sử dụng.

**b)** Viết công thức tính giá trị của ô tô sau  năm sử dụng.

**c)** Sau 10 năm, giá trị của ô tô ước tính còn bao nhiêu triệu đồng?

**Câu 40.** Chu kì bán rã của nguyên tố phóng xạ poloni 210 là 138 ngày, nghĩa là sau 138 ngày, khối lượng của nguyên tố đó chi còn một nửa (theo: https://vi.wikipedia.org/wiki/ Poloni-210). Tính khối lượng còn lại của 20 gam poloni 210 sau:

**a)** 690 ngày;

**b)** 7314 ngày (khoảng 20 năm).

**Câu 41.** Giả sử một thành phố có dân số năm 2022 là khoảng 2,1 triệu người và tốc độ gia tăng dân số trung bình mỗi năm là .

**a)** Dự đoán dân số của thành phố đó vào năm 2032.

**b)** Nếu tốc độ gia tăng dân số vẫn giữ nguyên như trên thì ước tính vào năm nào dân số của thành phố đó sẽ tăng gấp đôi so với năm 2022 ?

**Câu 42.** Trong trò chơi mạo hiểm nhảy bungee, mỗi lần nhảy, người chơi sẽ được dây an toàn có tính đàn hồi kéo nảy ngược lên  chiều sâu của cú nhảy. Một người chơi bungee thực hiện cú nhảy đầu tiên có độ cao nảy ngược lên là .



(Hình 3)

**a)** Tính độ cao nảy ngược lên của người đó ở lần nảy thứ ba.

**b)** Tính tổng các độ cao nảy ngược lên của người đó trong 5 lần nảy đầu.

**Câu 43.** Ban đầu, một quả lắc đồng hồ dao động theo một cung tròn dài . 2.1).



Sau mỗi lần đu liên tiếp, độ dài của cung tròn bằng 0,98 độ dài cung tròn ở ngay lần trước đó.

**a)** Độ dài của cung tròn ở lần thứ 10 là bao nhiêu?

**b)** Sau 15 lần dao động, quả lắc sẽ đi được quãng đường tổng cộng là bao nhiêu?

(Kết quả tính theo centimét và làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai).

**Câu 44.** Một công ty mua một chiếc máy với giá 1 tỉ 200 triệu đồng. Công ty nhận thấy, trong vòng 5 năm đầu, tốc độ khấu hao là  năm (tức là sau mỗi một năm, giá trị còn lại của chiếc máy bằng  giá trị của năm trước đó).

**a)** Viết công thức tính giá trị của chiếc máy đó sau 1 năm, 2 năm.

**b)** Sau 5 năm, giá trị của chiếc máy đó còn khoảng bao nhiêu triệu đồng (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?