**HSG9 Tỉnh Bắc Giang 23 24**

**1. Trắc nghiệm (6 điểm)**

Câu 1: Biết (;) là nghiệm của hệ phương trình Giá trị của bằng

A. 6.

B. 1

C.3.

D. 10.

Câu 2: Cho điểm M(;) (với < 0) thuộc đường thẳng y = x + 3 thỏa mãn = 17 Giá trị của biểu thức ) , bằng

A.5.

B. 20.

C.0.

D. 4.

Câu 3: Cho tam giác ABC vuông tại A có AC = 7 . Biết độ dài các đường trung tuyến kẻ từ đỉnh B,C của tam giác ABC bằng nhau. Tính chu vi của tam giác ABC.

A. 14 + 7

B 14+

C 21

D 21+7

Câu 4: Khi hệ phương trình ( với m là tham số) có nghiệm duy nhất là

;.Giá trị nhỏ nhất của biểu thức +là

A. -9

B 3

C -3

D.-6.

Câu 5: Cho với a,b,c là các số tự nhiên và b là số nguyên tổ. Giá trị của a+b+c

A. 100.

B. 101.

C. 104.

D. 103.

Câu 6: Nghiệm x của phương trình là

A. x=

B.x=

C.x=2

D. x=3

Câu 7: Gọi A, B là các số thực sao cho . Giá trị của

A+2B bằng

A -3

B 3

C 5

D 1

.Câu 8: Cho đường tròn tâm O, có đường kính 10cm và hai điểm AB thuộc đường tròn (O) sao

cho độ dài cung nhỏ AB bằng chu vi đường tròn (O). Tính khoảng cách từ 0 đến dây cung AB.

A

B. 4 cm

C 3 cm

D. cm

Câu 9: Cho đường tròn (O) ngoại tiếp tam giác đều ABC. Gọi M là điểm thuộc cung nhỏ BC của đường tròn (O). Biết MA = 6cm, MB = 4cm. Độ dải đoạn MC bằng

A. MC = 10cm

B. MC = 2cm

C MC=3cm

D. MC=5cm.

Câu 10: Số nghiệm của phương trình là

A.3.

B. 1.

C. 2.

D. 4.

Câu 11 Biết đường thẳng y = 3x + m cắt trục hoành tại điểm A, cắt trục tung tại điểm B. Tập

hợp tất cả các giá trị của tham số m để diện tích tam giác OAB bằng 6 ( O là gốc tọa độ) là:

A. (6)

B. (-6;6).

C. (-36:36).

D. (-6).

Câu 12: Có tất cả bao nhiêu số nguyên tố p sao cho các số p + 2 và p+4 đều là số nguyên tố ?

A. 1

B. 4

C.3.

D. 2.

Câu 13: Cho x,y là các số thực thay đổi. Tìm tất cả các số thực m để giá trị nhỏ nhất của

F= )đạt giá trị lớn nhất.

A.2.

B. 6.

C.1.

D. 0

Câu 14: Cho biểu thức f(x) = Biết a = giá trị của f(a) là mộtsố tự nhiên có chữ số tận cùng là

A.0.

B.1

C.4.

D. 6.

Câu 15: Cho đường tròn tâm O, bán kính R = 8cm tiếp xúc ngoài với đường tròn tâm I, bánkính r = 2cm . Đường thẳng tiếp xúc với đường tròn (O) và (I) ở trên lần lượt tại hai điểm phân biệt A, B. Tính độ dài đoạn AB.

A. AB = 4cm .

B. AB = 5cm

C. AB = 6cm

D. AB = 8cm .

Câu 16: Cho tam giác ABC có góc . Gọi I là tâm đường tròn nội tiếp tam giác ABC.

Tính số đo góc BIC.

A.

B

C

D

Câu 17 Cho tam giác nhọn ABC, có BK(K ϵAC),CE(EϵAB) là các đường cao. Đường tròn đường kính AB cắt đoạn CE tại P, đường tròn đường kính AC cắt đoạn BK tại Q. Biết và AP=5cm. Tính độ dài đoạn thẳng PQ

A PQ=7,5cm

B PQ=2,5cm

C PQ= 5 cm

D PQ=10cm

Câu 18: Cho đường thẳng (d): y = 2x - m parabol (P): y = .Tất cả các giá trị của tham số m để đường thẳng (d) cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt là

A. m > 1

B. m ≥1

C. m ≤1

D. m < 1

Câu 19: Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị của tham số m để tích các hệ số góc của hai đường thẳng y = (m - 1) x + 2021 và y = mx + 2022 (với m#1 và m≠0) bằng 6. Tính tổng các phần tử của S.

A.-6.

B. 6.

C. 1

D. -1.

Câu 20: Biết , là giá trị của tham số m để hệ phương trình vô nghiệm. Khi đó giá trị của -3 bằng

A. -1

B. 4

C.1.

D. -2

**II. Tự luận (14 điểm)**

Câu 1. (5,5 điểm)

1. Cho biểu thức P = x > 0 và x + 1 .

a) Rút gọn biểu thức P.

b) Tìm các giá trị của x để 4P+3

2. Tìm tất cả các giá trị của tham số m để phương trình (x - 3)[] = 0 có

3 nghiệm phân biệt , thỏa mãn = 91 .

Câu 2. (3,5 điểm)

1. Giải phương trình (- 21x + 55)( = 5(x - 5) .

2. Cho x, y là các số nguyên khác -1 thỏa mãn là một số nguyên. Chứng minh

rằng chia hết cho y + 1 .

Câu 3. (4,0 điểm) Cho tam giác ABC vuông tại A (AB < AC) có đường cao AH (H∈ BC). Đường tròn tâm A, bán kính A H( kí hiệu là (A)) cắt đường thẳng AH tại điểm thứ hai là E ( E không trùng với H ) và cắt đoạn thẳng AB tại D. Qua điểm B kẻ tiếp tuyến với đường tròn (A) tại F (F không trùng với H ), tiếp tuyến này cắt tia CA tại điểm G. Trên cung nhỏ DH của đường tròn(A) lấy điểm M ( M không trùng với H và D ), tiếp tuyến với đường tròn (A) tại M cắt các đường thẳng BC, BG lần lượt tại P và Q. Tia BM cắt đường tròn (A) tại N ( N không trùng với M).

1. Gọi I là hình chiếu vuông góc của điểm H lên đường thẳng AB. Chứng minh bốn điểmA, I, M, N cùng thuộc một đường tròn và tia IH là tia phân giác của góc

2. Gọi K, L lần lượt là giao điểm của đường thẳng AB với các đường thẳng E,M,E,N.

Chứng minh đường thẳng HL song song với đường thẳng EK và GQ.CP=GF.BC.

Câu 4. (10 điểm)

Cho các số dương a, b, c thay đổi thỏa mãn điều kiện ab+bc+ca ≤3abc. Tìm giá trị nhỏ

nhất của biểu thức

P =

--HẾT--

**HƯỚNG DẪN GIẢI**

I Trắc nghiệm

Câu 1: Biết (;) là nghiệm của hệ phương trình Giá trị của bằng

A. 6.

B. 1

C.3.

D. 10.

Câu 2: Cho điểm M(;) (với < 0) thuộc đường thẳng y = x + 3 thỏa mãn = 17 Giá trị của biểu thức ) , bằng

A.5.

B. 20.

C.0.

D. 4.

Câu 3: Cho tam giác ABC vuông tại A có AC = 7 . Biết độ dài các đường trung tuyến kẻ từ đỉnh B,C của tam giác ABC bằng nhau. Tính chu vi của tam giác ABC.

A. 14 + 7

B 14+

C 21

D 21+7

Câu 4: Khi hệ phương trình ( với m là tham số) có nghiệm duy nhất là

;.Giá trị nhỏ nhất của biểu thức +là

A. -9

B 3

C -3

D.-6.

Câu 5: Cho với a,b,c là các số tự nhiên và b là số nguyên tổ. Giá trị của a+b+c

A. 100.

B. 101.

C. 104.

D. 103.

Câu 6: Nghiệm x của phương trình là

A. x=

B.x=

C.x=2

D. x=3

Câu 7: Gọi A, B là các số thực sao cho . Giá trị của

A+2B bằng

A -3

B 3

C 5

D 1

.Câu 8: Cho đường tròn tâm O, có đường kính 10cm và hai điểm AB thuộc đường tròn (O) sao

cho độ dài cung nhỏ AB bằng chu vi đường tròn (O). Tính khoảng cách từ 0 đến dây cung AB.

A

B. 4 cm

C 3 cm

D. cm

Câu 9: Cho đường tròn (O) ngoại tiếp tam giác đều ABC. Gọi M là điểm thuộc cung nhỏ BC của đường tròn (O). Biết MA = 6cm, MB = 4cm. Độ dải đoạn MC bằng

.

A. MC = 10cm

B. MC = 2cm

C MC=3cm

D. MC=5cm.

Câu 10: Số nghiệm của phương trình là

A.3.

B. 1.

C. 2.

D. 4.

Câu 11 Biết đường thẳng y = 3x + m cắt trục hoành tại điểm A, cắt trục tung tại điểm B. Tập

hợp tất cả các giá trị của tham số m để diện tích tam giác OAB bằng 6 ( O là gốc tọa độ) là:

A. (6)

B. (-6;6).

C. (-36:36).

D. (-6).

Câu 12: Có tất cả bao nhiêu số nguyên tố p sao cho các số p + 2 và p+4 đều là số nguyên tố ?

A. 1

B. 4

C.3.

D. 2.

Câu 13: Cho x,y là các số thực thay đổi. Tìm tất cả các số thực m để giá trị nhỏ nhất của

F= )đạt giá trị lớn nhất.

A.2.

B. 6.

C.1.

D. 0

Câu 14: Cho biểu thức f(x) = Biết a = giá trị của f(a) là mộtsố tự nhiên có chữ số tận cùng là

A.0.

B.1

C.4.

D. 6.

Câu 15: Cho đường tròn tâm O, bán kính R = 8cm tiếp xúc ngoài với đường tròn tâm I, bánkính r = 2cm . Đường thẳng tiếp xúc với đường tròn (O) và (I) ở trên lần lượt tại hai điểm phân biệt A, B. Tính độ dài đoạn AB.

A. AB = 4cm .

B. AB = 5cm

C. AB = 6cm

D. AB = 8cm .

Câu 16: Cho tam giác ABC có góc . Gọi I là tâm đường tròn nội tiếp tam giác ABC.

Tính số đo góc BIC.

A.

B

C

D

Câu 17 Cho tam giác nhọn ABC, có BK(K ϵAC),CE(EϵAB) là các đường cao. Đường tròn đường kính AB cắt đoạn CE tại P, đường tròn đường kính AC cắt đoạn BK tại Q. Biết và AP=5cm. Tính độ dài đoạn thẳng PQ

A PQ=7,5cm

B PQ=2,5cm

C PQ= 5 cm

D PQ=10cm

Câu 18: Cho đường thẳng (d): y = 2x - m parabol (P): y = .Tất cả các giá trị của tham số m để đường thẳng (d) cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt là

A. m > 1

B. m ≥1

C. m ≤1

D. m < 1

Câu 19: Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị của tham số m để tích các hệ số góc của hai đường thẳng y = (m - 1) x + 2021 và y = mx + 2022 (với m#1 và m≠0) bằng 6. Tính tổng các phần tử của S.

A.-6.

B. 6.

C. 1

D. -1.

Câu 20: Biết , là giá trị của tham số m để hệ phương trình vô nghiệm. Khi đó giá trị của -3 bằng

A. -1

B. 4

C.1.

D. -2

II Tự luận

Câu 1. (5,5 điểm)

1. Cho biểu thức P = x > 0 và x + 1 .

a) Rút gọn biểu thức P.

b) Tìm các giá trị của x để 4P+3

2. Tìm tất cả các giá trị của tham số m để phương trình (x - 3)[] = 0 có

3 nghiệm phân biệt , thỏa mãn = 91 .

Lời giải

1)

a) với x>0 và x≠1 ta có

P =

P=

P=

P=

P=

P=

Vậy với x>0 và x≠1 thì P =

b) với x>0 và x ≠1 ta có 4P+3⬄4.+⬄3-3x+9x=

⬄ 6x-+3=0⬄ ⬄⬄ ( thỏa mãn Đk)

Vậy x=;x=9 là giá trị cần tìm

2) ta có (x - 3)[]=0 ⬄⬄

Phương trình (x - 3)[]=0 luôn có một nghiệm . Để phương trình (x - 3)[]=0 có ba nghiệm phân biệt thì phương trình có hai nghiệm phân biệt khác 3

Tức là ⬄=>m≠3±2

Với mọi m phương trình

luôn có hai nghiệm phân biệt

Theo hệ thức vi ét ta có

Ta có = 91⬄ (2)

Thay (1) và vào (2) ta được

⬄4(41⬄6⬄3

⬄(3m+13)(m-3)=0⬄⬄ ( thỏa mãn đk (\*))

Vậy ; m=3 thỏa mãn bài

Câu 2. (3,5 điểm)

1. Giải phương trình (- 21x + 55)( = 5(x - 5) .

2. Cho x, y là các số nguyên khác -1 thỏa mãn là một số nguyên. Chứng minh

rằng chia hết cho y + 1 .

a) ĐKXĐ x ≥

(- 21x + 55)( = 5(x - 5)

⬄(x-5)(2x-11)()- 5(x - 5)=0

(x - 5)⬄

Giải phương trình(\*) ta có

(\*) ⬄⬄(2x-11)(2x-9)=5

⬄4

⬄4

⬄4(x-3)(x-8)=

⬄(x-3)(x-8)(4+

Theo ĐKXĐ có x≥

Nên (\*\*) ⬄ (x-3)(x-8)=0⬄

Vậy tập nghiệm của phương trình là S =

b) Đặt với

ta có =(x-1)(

theo bài ta có ϵZ=>

=>

=>2a⋮b mà (a,b)=1 nên 2⋮b=>bϵ

Nếu b=2=>a là số lẻ ( vì (a;b)=1) ta có

=

c là số lẻ ( vì (c,d)=1)=>ac⋮bd vô lí vì ϵZ

vậy b=1=>

ta có

từ (1) và (2) suy ra chia hết cho y+1

Câu 3. (4,0 điểm) Cho tam giác ABC vuông tại A (AB < AC) có đường cao AH (H∈ BC). Đường tròn tâm A, bán kính A H( kí hiệu là (A)) cắt đường thẳng AH tại điểm thứ hai là E ( E không trùng với H ) và cắt đoạn thẳng AB tại D. Qua điểm B kẻ tiếp tuyến với đường tròn (A) tại F (F không trùng với H ), tiếp tuyến này cắt tia CA tại điểm G. Trên cung nhỏ DH của đường tròn(A) lấy điểm M ( M không trùng với H và D ), tiếp tuyến với đường tròn (A) tại M cắt các đường thẳng BC, BG lần lượt tại P và Q. Tia BM cắt đường tròn (A) tại N ( N không trùng với M).

1. Gọi I là hình chiếu vuông góc của điểm H lên đường thẳng AB. Chứng minh bốn điểmA, I, M, N cùng thuộc một đường tròn và tia IH là tia phân giác của góc

2. Gọi K, L lần lượt là giao điểm của đường thẳng AB với các đường thẳng E,M,E,N.

Chứng minh đường thẳng HL song song với đường thẳng EK và GQ.CP=GF.BC.



a) áp dụng hệ thức lượng trong ∆AHB vuông tại H đường cao HI ta có: BI.BA (1)

Xét ∆BMH và ∆BHN có

chung

(cùng = sd)

→ΔΒΜΗ ~ ΔΒΗΝ (g-g)

=> (2)

Từ (1) và (2) ta có: BI.BA=BM.BN=>

→ΔΒΙΜ-ΔΒΑΝ (c-g-c)=> ( 2 góc tương ứng) (\*)

→ Tử giác AIMN là tứ giác nội tiếp.

∆AMN cân tại A nên (\*\*\*)

từ (\*), (\*\*) và (\*\*\*) =>

mà (cùng =90°)

nên

Vậy IH là tia phân giác của

b) Ta có =90° ( góc nội tiếp chẳn nửa đường tròn đường kính EH)

=>90°+90° = 180° nên tứ giác HILN nội tiếp

=> (3)

=( vì IH là tia phân giác của ) (4)

Tứ giác AIMN nội tiếp (c.m.t) => (5)

=(cùng = của đường tròn (A)) (6)

Từ (3), (4), (5), (6) =>HL //EK

Vì BA vừa là đường phân giác vừa là đường cao của ∆BGC = ∆BGC cân tại B

=> (7).

Mặt khác = =( cùng phụ )

mà (T/c 2 tiếp tuyến cắt nhau) (8)

lại có (9)

từ (7), (8), (9)=>

Do đó = 180° - ()=180°-() =

Xét ∆CPA~∆GAQ có

= (c.mt)

= (c.mt)

=>∆CPA~∆GAQ(g-g)=>

Áp dụng hệ thức lượng trong ∆ vuông ABG ta có:

GF.BG=GQ.CP=GF.BC

Câu 4. (10 điểm)

Cho các số dương a, b, c thay đổi thỏa mãn điều kiện ab+bc+ca ≤3abc. Tìm giá trị nhỏ

nhất của biểu thức

P =

Ta có ab+bc+ca≤3abc⬄

Áp dụng bất đẳng thức Cauchy Schwarz:

⬄ (1)

⬄ (2)

⬄ (3)

Cộng vế với vế cua (1)(2) và (3) ta đước

P≥

Áp dụng bất đẳng thức Cauchy Schwarz

( do

=>P>=

Dấu “=” xảy ra khi ⬄a=b=c=1

Vậy giá trị nhỏ nhất của P là khi a=b=c=1