

## CHỦ ĐỀ 03 : GIÁ TRỊ LỚN NHẤT-GIÁ TRỊ NHỎ NHẤT CỦA HÀM SỐ

### LÍ THUYẾT

#### ❖ Định nghĩa.

Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên tập  $D$ .

- Số  $M$  gọi là **giá trị lớn nhất** của hàm số  $y = f(x)$  trên  $D$  nếu: 
$$\begin{cases} f(x) \leq M, \forall x \in D \\ \exists x_0 \in D, f(x_0) = M \end{cases}$$
- Kí hiệu:  $M = \max_{x \in D} f(x)$ .
- Số  $m$  gọi là **giá trị nhỏ nhất** của hàm số  $y = f(x)$  trên  $D$  nếu: 
$$\begin{cases} f(x) \geq m, \forall x \in D \\ \exists x_0 \in D, f(x_0) = m \end{cases}$$
- Kí hiệu:  $m = \min_{x \in D} f(x)$ .

#### ❖ Phương pháp tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất

○ **Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số bằng cách khảo sát trực tiếp**

- **Bước 1:** Tính  $f'(x)$  và tìm các điểm  $x_1, x_2, \dots, x_n \in D$  mà tại đó  $f'(x) = 0$  hoặc hàm số không có đạo hàm.
- **Bước 2:** Lập bảng biến thiên và từ đó suy ra giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số.
- **Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số trên một đoạn**

#### ▪ **Bước 1:**

Hàm số đã cho  $y = f(x)$  xác định và liên tục trên đoạn  $[a; b]$ .

Tìm các điểm  $x_1, x_2, \dots, x_n$  trên khoảng  $(a; b)$ , tại đó  $f'(x) = 0$  hoặc  $f'(x)$  không xác định.

- **Bước 2:** Tính  $f(a), f(x_1), f(x_2), \dots, f(x_n), f(b)$ .
- **Bước 3:** Khi đó: 
$$\max_{[a,b]} f(x) = \max\{f(x_1), f(x_2), \dots, f(x_n), f(a), f(b)\}.$$
$$\min_{[a,b]} f(x) = \min\{f(x_1), f(x_2), \dots, f(x_n), f(a), f(b)\}.$$

○ **Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số trên một khoảng**

- **Bước 1:** Tính đạo hàm  $f'(x)$ .
- **Bước 2:** Tìm tất cả các nghiệm  $x_i \in (a; b)$  của phương trình  $f'(x) = 0$  và tất cả các điểm  $\alpha_i \in (a; b)$  làm cho  $f'(x)$  không xác định.
- **Bước 3.** Tính  $A = \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ ,  $B = \lim_{x \rightarrow b^-} f(x)$ ,  $f(x_i)$ ,  $f(\alpha_i)$ .
- **Bước 4.** So sánh các giá trị tính được và kết luận  $M = \max_{(a;b)} f(x)$ ,  $m = \min_{(a;b)} f(x)$ .
- Nếu giá trị lớn nhất (nhỏ nhất) là  $A$  hoặc  $B$  thì ta kết luận không có giá trị lớn nhất (nhỏ nhất).

▪ Nếu  $y = f(x)$  đồng biến trên  $[a;b]$  thì  $\begin{cases} \min_{[a;b]} f(x) = f(a) \\ \max_{[a;b]} f(x) = f(b) \end{cases}$ .

▪ Nếu  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $[a;b]$  thì  $\begin{cases} \min_{[a;b]} f(x) = f(b) \\ \max_{[a;b]} f(x) = f(a) \end{cases}$ .

- Hàm số liên tục trên một khoảng **có thể** không có giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất trên khoảng đó.

❖ Bất đẳng thức trị tuyệt đối:

- Cho hai số thực  $a, b$  khi đó ta có:  $|a| + |b| \geq |a + b| \geq |a| - |b|$ .
- Dấu “=” về trái xảy ra khi  $a, b$  cùng dấu. Dấu “=” về phải xảy ra khi  $a, b$  trái dấu.
- Tính chất của hàm trị tuyệt đối:  $\max\{|a|, |b|\} = \frac{|a-b| + |a+b|}{2}$ .

❖ Phương pháp chung để giải các bài toán tìm GTLN – GTNN của hàm số chứa dấu giá trị tuyệt đối.

- **Bước 1:** Xét hàm số  $y = f(x)$  trên  $[a, b]$ .

Tính đạo hàm  $y' = f'(x)$ .

Giải phương trình  $f'(x) = 0$  và tìm các nghiệm  $a_i$  thuộc  $[a, b]$ .

- **Bước 2:** Giải phương trình  $f(x) = 0$  và tìm các nghiệm  $b_j$  thuộc  $[a, b]$ .
- **Bước 3:** Tính các giá trị  $|f(a)|; |f(b)|; |f(a_i)|; |f(b_j)|$ . So sánh và kết luận.

**VÍ DỤ MINH HỌA**

**VÍ DỤ 1:** Cho hàm số  $f(x) = m\sqrt{x-1}$  ( $m$  là tham số thực khác 0). Gọi  $m_1, m_2$  là hai giá trị của  $m$  thỏa mãn  $\min_{[2;5]} f(x) + \max_{[2;5]} f(x) = m^2 - 10$ . Giá trị  $m_1 + m_2$  bằng

- A. 3.                                      B. 5.                                      C. 10.                                      D. 2.

**Lời giải**

**Chọn A**

Với mọi  $x \in [2;5]$  có  $f'(x) = \frac{m}{2\sqrt{x-1}}$ . Ta thấy dấu của  $f'(x)$  phụ thuộc vào dấu của  $m$

$\forall m \neq 0$  thì  $f(x)$  đơn điệu trên  $[2;5] \Rightarrow \min_{[2;5]} f(x) + \max_{[2;5]} f(x) = f(2) + f(5) = m + 2m$

Từ giả thiết ta được  $m^2 - 10 = m + 2m \Leftrightarrow m^2 - 3m - 10 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 5 \\ m = -2 \end{cases}$ . Vậy  $m_1 + m_2 = 3$ .

**VÍ DỤ 2:** Cho hàm số  $y = (x^3 - 3x + m + 1)^2$ . Tổng tất cả các giá trị của tham số  $m$  sao cho giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[-1;1]$  bằng 1 là

- A. -2.                                      B. 4.                                      C. -4.                                      D. 0.

**Lời giải**

**Chọn A**

Đặt  $y = f(x) = (x^3 - 3x + m + 1)^2$  là hàm số xác định và liên tục trên đoạn  $[-1;1]$ .

Ta có  $y' = f'(x) = 2(x^3 - 3x + m + 1)(3x^2 - 3)$ ;  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \pm 1 \\ m = -x^3 + 3x - 1 = g(x) \end{cases}$

Ta khảo sát hàm số  $g(x)$  trên đoạn  $[-1;1]$ . Bảng biến thiên của  $g(x)$

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$g'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$
$g(x)$	$+\infty$			$1$			$-\infty$

Nếu  $m \in [-3;1]$  thì luôn tồn tại  $x_0 \in [-1;1]$  sao cho  $m = g(x_0)$  hay  $f(x_0) = 0$ . Suy ra  $\min_{[-1;1]} y = 0$

, tức là không tồn tại  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Nếu  $m \notin [-3;1]$  thì  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1 \in [-1;1]$ .

Ta có:  $\min_{[-1;1]} f(x) = \min\{f(1); f(-1)\} = \min\{(m-1)^2; (m+3)^2\}$

**Trường hợp 1:**  $m > 1$  tức là  $m+3 > m-1 > 0 \Rightarrow \min_{[-1;1]} f(x) = (m-1)^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 2 \text{ (TM)} \\ m = 0 \text{ (KTM)} \end{cases}$

**Trường hợp 2:**  $m < -3$  tức là  $m-1 < m+3 < 0 \Rightarrow \min_{[-1;1]} f(x) = (m+3)^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -4 \text{ (TM)} \\ m = -2 \text{ (KTM)} \end{cases}$

Vậy có hai giá trị của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán:  $m = 2; m = -4$ , từ đó tổng tất cả các giá trị của  $m$  là  $-2$ .

**VÍ DỤ 3:** Biết rằng giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = mx + \frac{36}{x+1}$  trên đoạn  $[0;3]$  bằng 20 (với  $m$  là tham số). Mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $0 < m \leq 2$ .

B.  $4 < m \leq 8$ .

C.  $2 < m \leq 4$ .

D.  $m > 8$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

**Cách 1:**

$$\text{Ta có: } \min_{[0;3]} y = 20 \Leftrightarrow \begin{cases} mx + \frac{36}{x+1} \geq 20, \forall x \in [0;3] \\ \exists x_0 \in [0;3]: mx_0 + \frac{36}{x_0+1} = 20 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq \frac{20x-16}{x(x+1)}, \forall x \in (0;3] \\ \exists x_0 \in (0;3]: m = \frac{20x_0-16}{x_0(x_0+1)} \end{cases} (*)$$

(vì  $y(0) = 36 > 20$ ).

Xét hàm số  $g(x) = \frac{20x-16}{x(x+1)}$  trên  $(0;3]$ .

$$\text{Ta có: } g'(x) = \frac{-20x^2 + 32x + 16}{[x(x+1)]^2}; g'(x) = 0 \Rightarrow -20x^2 + 32x + 16 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 & (tm) \\ x = -\frac{2}{5} & (l) \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	0	2	3
$g'(x)$		+	0 - 0
$g(x)$	$-\infty$	↗ 4	↘ $\frac{11}{3}$

Do đó, từ (\*) suy ra  $m = 4$ . Vậy  $2 < m \leq 4$ .

**Cách 2:**

$$\text{Ta có: } y(0) = 36, y(3) = 3m + 9; y' = m - \frac{36}{(x+1)^2}, \forall x \in [0;3]. y'(0) = m - 36, y'(3) = m - \frac{9}{4}.$$

Mà  $y'' = \frac{72}{(x+1)^3} > 0, \forall x \in [0;3]$ . Bảng biến thiên

$x$	0	3
$y''$		+ 0
$y'$	$m - 36$	↗ $m - \frac{9}{4}$

**Trường hợp 1:**  $m \leq \frac{9}{4}$ . Khi đó  $y' \leq 0, \forall x \in [0;3]$ . Suy ra hàm số nghịch biến trên đoạn  $[0;3]$ .

Do đó, ta có  $\min_{[0;3]} y = 20 \Leftrightarrow y(3) = 20 \Leftrightarrow 3m + 9 = 20 \Leftrightarrow m = \frac{11}{3}$  (không thỏa mãn).

**Trường hợp 2:**  $m \geq 36$ . Khi đó  $y' \geq 0, \forall x \in [0;3]$ . Suy ra hàm số đồng biến trên đoạn  $[0;3]$ .

Do đó, ta có  $\min_{[0;3]} y = y(0) = 36$  (không thỏa mãn).

**Trường hợp 3:**  $\frac{9}{4} < m < 36$ . Khi đó  $y' = 0 \Leftrightarrow x = -1 + \frac{6}{\sqrt{m}} \in (0;3)$ .

$x$	0	$-1 + \frac{6}{\sqrt{m}}$	3
$y'$	-	0	+
$y$			

Do đó, ta có  $\min_{[0;3]} y = 20 \Leftrightarrow y\left(-1 + \frac{6}{\sqrt{m}}\right) = 20 \Leftrightarrow -m + 12\sqrt{m} = 20 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 4 & (tm) \\ m = 100 & (l) \end{cases}$ .

Do đó  $m = 4$  thỏa mãn yêu cầu bài toán. Vậy  $2 < m \leq 4$ .

**VÍ DỤ 4:** Cho hàm số  $y = f(x) = x^6 + ax^2 + bx + 2a + b$  với  $a, b$  là các số thực. Biết hàm số đạt giá trị nhỏ nhất tại  $x_0 = 1$ . Giá trị nhỏ nhất có thể của  $f(3)$  bằng bao nhiêu?

- A. 128.                      B. 243.                      C. 81.                      D. 696.

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = 6x^5 + 2ax + b$ . Do hàm số đạt giá trị nhỏ nhất tại  $x_0 = 1$  nên  $f'(1) = 0 \Rightarrow b = -2a - 6$

Do hàm số đạt giá trị nhỏ nhất tại  $x_0 = 1$  nên  $f(x) \geq f(1), \forall x \in \mathbb{R}$ .

$$f(x) \geq f(1), \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow x^6 + ax^2 + bx + 2a + b \geq 1 + 3a + 2b, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow x^6 + ax^2 + (-2a - 6)x + 2a - 2a - 6 \geq 1 + 3a + 2b, \forall x \in \mathbb{R} \text{ (do } b = -2a - 6)$$

$$\Leftrightarrow a(x^2 - 2x + 1) \geq -x^6 + 6x - 5, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow a(x-1)^2 \geq (x-1)^2(-x^4 - 2x^3 - 3x^2 - 4x - 5), \forall x \in \mathbb{R} \text{ (*)}$$

Mà  $\max(-x^4 - 2x^3 - 3x^2 - 4x - 5) = -3 \Leftrightarrow x = -1$  nên (\*) xảy ra khi  $a \geq -3$ .

$$f(3) = 3a + 705 \Rightarrow \min f(3) = 696.$$

**VÍ DỤ 5:** Cho  $y = f(x) = |x^2 - 5x + 4| + mx$ . Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  sao cho giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  lớn hơn 1. Tính số phần tử của  $S$ .

- A. 7.                      B. 8.                      C. 6.                      D. 5.

**Lời giải**

**Chọn A**

Vì  $\min_{\mathbb{R}} f(x) > 1$  nên  $f(x) = |x^2 - 5x + 4| + mx > 1$  với  $\forall x \in \mathbb{R}$

Với  $x \in [4; +\infty)$ , ta có  $f(x) = mx + x^2 - 5x + 4 > 1 \Leftrightarrow m > -x - \frac{3}{x} + 5, \forall x \geq 4$

Đặt  $g(x) = -x - \frac{3}{x} + 5, \forall x \geq 4$ . Ta có  $g'(x) = -1 + \frac{3}{x^2} < 0, \forall x \in [4; +\infty), g(4) = \frac{1}{4}$ .

Do đó  $g(x) \leq g(4) = \frac{1}{4}$ . Vì  $m > g(x) \forall x \in [4; +\infty) \Leftrightarrow m > g(4) \Leftrightarrow m > \frac{1}{4}$ . (1)

Tương tự, với  $x \in [1; 4)$ . Ta có  $f(x) = -x^2 + 5x - 4 + mx > 1 \forall x \in [1; 4) \Leftrightarrow m > 1$ . (2)

Với  $x \in (0; 1)$ . Ta có  $f(x) = x^2 - 5x + 4 + mx > 1 \forall x \in (0; 1) \Leftrightarrow m > -x - \frac{3}{x} + 5 \Leftrightarrow m \geq 1$  (3)

Với  $x \in (-\infty; 0)$ . Ta có  $f(x) = x^2 - 5x + 4 + mx > 1 \forall x \in (-\infty; 0)$

$\Leftrightarrow m < -x - \frac{3}{x} + 5 \forall x \in (-\infty; 0) \Leftrightarrow m < 5 + 2\sqrt{3}$  (4)

Với  $x = 0$  luôn đúng.

Từ (1), (2), (3) và (4) ta có  $1 < m < 5 + 2\sqrt{3}$

Vậy  $S = \{2; 3; 4; 5; 6; 7; 8\}$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

**VÍ DỤ 6:** Tìm tất cả các giá trị thực của  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{4^{\sin x} + m \cdot 6^{\sin x}}{9^{\sin x} + 4^{1+\sin x}}$  không nhỏ hơn  $\frac{1}{3}$ .

A.  $m > \frac{2}{3}$ .

B.  $m \geq \frac{2}{3}$ .

C.  $m \geq \frac{13}{18}$ .

D.  $\frac{2}{3} \leq m \leq \frac{13}{18}$ .

### Lời giải

#### Chọn B

Ta có:  $y = \frac{4^{\sin x} + m \cdot 6^{\sin x}}{9^{\sin x} + 4^{1+\sin x}} = \frac{1 + m \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^{\sin x}}{\left(\frac{3}{2}\right)^{2\sin x} + 4}$ .

Đặt  $t = \left(\frac{3}{2}\right)^{\sin x}$  với  $t \in \left[\frac{2}{3}; \frac{3}{2}\right]$  khi đó  $y = f(t) = \frac{mt + 1}{t^2 + 4}$

Yêu cầu bài toán tương đương với:

Tồn tại  $\max_{t \in \left[\frac{2}{3}; \frac{3}{2}\right]} f(t)$  (điều này luôn đúng) và  $f(t) \geq \frac{1}{3}$  có nghiệm  $t \in \left[\frac{2}{3}; \frac{3}{2}\right]$ .

Xét  $f(t) \geq \frac{1}{3} \Leftrightarrow mt + 1 \geq \frac{1}{3}t^2 + \frac{4}{3} \Leftrightarrow 3m \geq \frac{t^2 + 1}{t}$  (1).

Đặt  $g(t) = \frac{t^2 + 1}{t}$ ,  $g'(t) = 1 - \frac{1}{t^2} = 0 \Leftrightarrow t = 1$ .

Bảng biến thiên của hàm  $g(t)$ :

$t$	$\frac{2}{3}$	1	$\frac{3}{2}$
$g'$	-	0	+
$g$			

Yêu cầu bài toán tương đương (1) có nghiệm hay  $3m \geq g(t)$  có nghiệm  $t \in \left[\frac{2}{3}; \frac{3}{2}\right]$

$$\Leftrightarrow 3m \geq g(1) \Leftrightarrow 3m \geq 2 \Leftrightarrow m \geq \frac{2}{3}.$$

**VÍ DỤ 7:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên tập số thực và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	0	2	4	0	$-\infty$

Biết rằng  $f(-1) = \frac{10}{3}$ ,  $f(2) = 6$ . Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $g(x) = f^3(x) - 3f(x)$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- A.  $\frac{10}{3}$ .                      B.  $\frac{820}{27}$ .                      C.  $\frac{730}{27}$ .                      D. 198.

**Lời giải**

**Chọn C**

Xét hàm số  $g(x) = f^3(x) - 3f(x)$  trên đoạn  $[-1; 2]$

$$g'(x) = 3[f^2(x) - 1] \cdot f'(x), \quad g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f'(x) = 0 & (1) \\ f^2(x) = 1 & (2) \end{cases}.$$

Từ bảng biến thiên, ta có: (1)  $\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \in [-1; 2] \\ x = 2 \in [-1; 2] \end{cases}$

Và  $f'(x) \geq 0, \forall x \in [-1; 2]$  nên  $f(x)$  đồng biến trên  $[-1; 2] \Rightarrow f(x) \geq f(-1) = \frac{10}{3}$

$\Rightarrow f(x) > 1 \Rightarrow f^2(x) > 1, \forall x \in [-1; 2]$  nên (2) vô nghiệm.

Do đó,  $g'(x) = 0$  chỉ có 2 nghiệm là  $x = -1$  và  $x = 2$ .

$$\text{Ta có } g(-1) = f^3(-1) - 3f(-1) = \left(\frac{10}{3}\right)^3 - 3\left(\frac{10}{3}\right) = \frac{730}{27}.$$

$$g(2) = f^3(2) - 3f(2) = (6)^3 - 3(6) = 198. \text{ Vậy } \min_{[-1; 2]} g(x) = g(-1) = \frac{730}{27}.$$

**VÍ DỤ 8:** Cho hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[1;2]$ . Biết rằng hàm số  $y = f(x)$  và thỏa mãn  $(f(x) - x)f(x) = x^6 + 3x^4 + 2x^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $3M - m$  bằng

- A. 4.                                  B. -28.                                  C. -3.                                  D. 33.

### Lời giải

#### Chọn A

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } (f(x) - x)f(x) &= x^6 + 3x^4 + 2x^2 \Leftrightarrow f^2(x) - xf(x) = x^6 + 3x^4 + 2x^2 \\ \Leftrightarrow 4f^2(x) - 4xf(x) &= 4x^6 + 12x^4 + 8x^2 \Leftrightarrow 4f^2(x) - 4xf(x) + x^2 = 4x^6 + 12x^4 + 9x^2 \\ \Leftrightarrow [2f(x) - x]^2 &= (2x^3 + 3x)^2 \Leftrightarrow \begin{cases} 2f(x) - x = 2x^3 + 3x \\ 2f(x) - x = -2x^3 - 3x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = x^3 + 2x \\ f(x) = -x^3 - x \end{cases} \end{aligned}$$

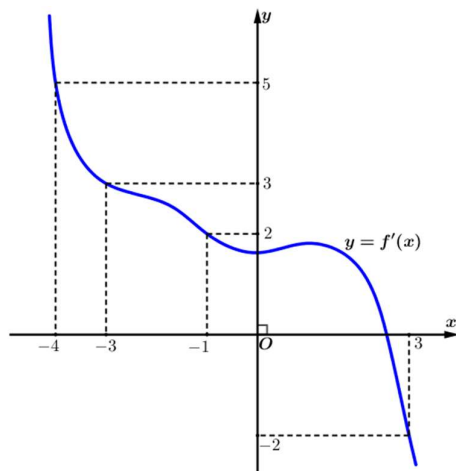
Với  $f(x) = x^3 + 2x \Rightarrow f'(x) = 3x^2 + 2 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$  nên  $f(x)$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Với  $f(x) = -x^3 - x \Rightarrow f'(x) = -3x^2 - 1 < 0, \forall x \in \mathbb{R}$  nên  $f(x)$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Suy ra:  $f(x) = -x^3 - x$ . Vì  $f(x)$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  nên  $M = \max_{[1;2]} f(x) = f(1) = -2$

và  $m = \min_{[1;2]} f(x) = f(2) = -10$ . Từ đây, ta suy ra:  $3M - m = 3 \cdot (-2) + 10 = 4$ .

**VÍ DỤ 9:** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết hàm số  $f'(x)$  có đồ thị như hình dưới đây. Trên đoạn  $[-4;3]$ , hàm số  $g(x) = 2f(x) + (1-x)^2$  đạt giá trị nhỏ nhất tại điểm?



- A.  $x = -3$ .                                  B.  $x = -4$ .                                  C.  $x = 3$ .                                  D.  $x = -1$ .

### Lời giải

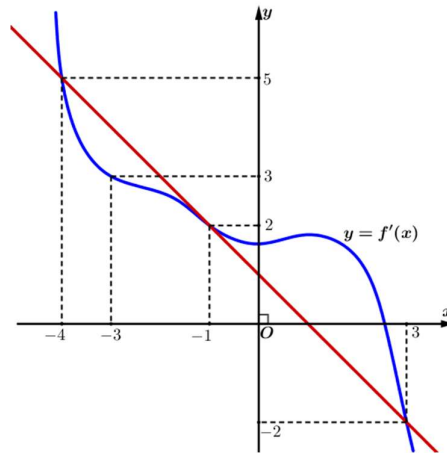
#### Chọn D

$$\text{Ta có } g'(x) = 2f'(x) - 2(1-x).$$

$$\text{Giải phương trình: } g'(x) = 0 \Leftrightarrow 2f'(x) - 2(1-x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = (1-x) \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \in [-4; 3] \\ x = -1 \in [-4; 3] \\ x = -4 \in [-4; 3] \end{cases}$$



Chủ đề 03: Giá trị lớn nhất – Giá trị nhỏ nhất của hàm số  
 Tương giao đồ thị như sau



Bảng biến thiên:

$x$	-4		-1		3
$g'(x)$	0	-	0	+	0
$g(x)$					

Vậy trên đoạn  $[-4; 3]$ , hàm số  $g(x)$  đạt giá trị nhỏ nhất tại điểm  $x = -1$ .