

Môn: TOÁN

Ngày: 23/4/2016

Thời gian làm bài: 120 phút

(Đề gồm 01 trang)

Bài I (2,0 điểm)

Với số thực  $x > 0$  và  $x \neq 16$ , cho hai biểu thức  $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+5}}$  và  $B = \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x-4}} - \frac{x+12\sqrt{x}}{x-16}$ .

1. Tính giá trị biểu thức A khi  $x = 4$ .
2. Rút gọn biểu thức B.
3. Tìm  $x$  để  $\frac{A}{B} = \frac{5}{6}$ .

Bài II (2,0 điểm) Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc lập hệ phương trình.

Một đội xe dự định dùng một số xe cùng loại để chở 100 tấn hàng gửi tặng đồng bào vùng khó khăn (khối lượng hàng mỗi xe phải chở là như nhau). Sau đó đội xe được bổ sung thêm 5 xe nữa (cùng loại với xe dự định ban đầu). Vì vậy so với dự định ban đầu, mỗi xe phải chở ít hơn 1 tấn hàng. Hỏi khối lượng hàng mỗi xe của đội dự định phải chở ban đầu bao nhiêu?

Bài III (2,0 điểm)

1. Giải hệ phương trình 
$$\begin{cases} \frac{1}{x+3} - \frac{2}{y-1} = 9 \\ \frac{3}{x+3} + \frac{1}{y-1} = 6 \end{cases}$$

VnDoc.com

2. Cho Parabol (P):  $y = \frac{1}{2}x^2$  và đường thẳng (d):  $y = mx - \frac{1}{2}m^2 + \frac{1}{2}$ , ( $m$  là tham số).

Tim  $m$  để đường thẳng (d) cắt Parabol (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ  $x_1, x_2$  thỏa mãn điều kiện  $x_1 - 2x_2 = 0$ .

Bài IV (3,5 điểm)

Cho đường tròn tâm O, bán kính R và một dây cung BC cố định (BC không đi qua A là một điểm di động trên cung lớn BC sao cho tam giác ABC nhọn. Các đường AD, BE và CF của tam giác ABC đồng quy tại H. Các đường thẳng BE và CF cắt đường tròn tâm O tại điểm thứ hai lần lượt là Q và P.

1. Chứng minh bốn điểm B, F, E, C cùng thuộc một đường tròn.
2. Chứng minh các đường thẳng PQ, EF song song với nhau.
3. Gọi I là trung điểm của BC. Chứng minh  $\widehat{FDE} = 2\widehat{ABE}$  và  $\widehat{FDE} = \widehat{FIE}$ .
4. Xác định vị trí của điểm A trên cung lớn BC để chu vi tam giác DEF có giá trị nhỏ nhất.

Bài V (0,5 điểm)

Cho  $x, y$  là hai số thực thỏa mãn  $x^3 + y^3 + 3(x^2 + y^2) + 4(x + y) + 4 = 0$  và  $xy > 0$ . Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức  $M = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ .

Hết

Giám thị không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh: .....

Số báo danh: .....

Chữ kí của giám thị 1: .....

Chữ kí của giám thị 2: .....