

ĐỀ THAM KHẢO

PHẦN I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (3,0 điểm)

Câu 1. Căn bậc hai số học của 16 là

- A. 16 B. -4. **C. 4.** D. ± 4 .

Câu 2. Cho đường thẳng $d: y = 2x + 1$. Hệ số góc của đường thẳng d là

- A. -2. B. $\frac{1}{2}$. C. 1. **D. 2.**

Câu 3. Cho hàm số $y = 5mx + m$. Giá trị m để hàm số là hàm số đồng biến là

- A. $m < 5$. B. $m > 5$. **C. $m > 0$.** D. $m < -5$.

Câu 4. Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} x + 3y = -6 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$$
. Nghiệm của hệ phương trình là

- A. $(x;y) = (-2; -3)$ B. $(x;y) = (-3; 2)$ C. $(x;y) = (-2; 3)$ **D. $(x;y) = (\frac{18}{5}; -\frac{16}{5})$.**

Câu 5. Một khu vườn hình chữ nhật có chu vi bằng 40m. Nếu tăng chiều rộng lên ba lần và tăng chiều dài lên bốn lần thì chu vi của khu vườn sẽ là 144 m. Diện tích của khu vườn ban đầu là

- A. $96(m^2)$.** B. $48(m^2)$. C. $24(m^2)$. D. $384(m^2)$.

Câu 6: Cho hàm số $y = -3x^2$. Khẳng định nào đúng?

- A. Hàm số luôn đồng biến với mọi $x \in R$. **B. Hàm số đồng biến khi $x < 0$.**
C. Hàm số đồng biến khi $x > 0$. D. Hàm số nghịch biến khi $x < 0$.

Câu 7. Cho x_1, x_2 ($x_1 > x_2$) là hai nghiệm của phương trình $x^2 - 5x + 6 = 0$. Khi đó $x_1 - x_2$ bằng

- A. 3. B. -1. **C. 1.** D. 2.

Câu 8: Phương trình nào dưới đây là phương trình bậc hai một ẩn?

- A. $-x^2 + 1 = 0$.** B. $2x - 3 = 0$. C. $x^3 - 2x + 1 = 0$. D. $\frac{1}{x} - 2 = 0$.

Câu 9: Cho tam giác ABC vuông tại A có $AC = 4, BC = 5$ thì $\sin B$ có giá trị là:

- A. $\frac{1}{5}$. B. $\frac{3}{4}$. C. $\frac{3}{5}$. **D. $\frac{4}{5}$.**

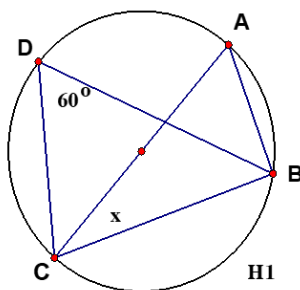
Câu 10. Tam giác ABC vuông tại A , đường cao AH . Biết $BH = 9cm, BC = 25cm$. Khi đó AB bằng

- A. $20cm$. B. $25cm$. C. $34cm$. **D. $15cm$.**

Câu 11. Cho đường tròn $(O; 10cm)$. Khi đó dây lớn nhất của đường tròn có độ dài là

- A. $15cm$. B. $10cm$. **C. $20cm$.** D. $8cm$.

Câu 12: Cho hình vẽ, biết $25cm$ là đường kính và $\widehat{BCD} = 60^\circ$. Số đo X bằng



A. 40° .

B. 45° .

C. 35° .

D. 30° .

PHẦN II. TỰ LUẬN (7,0 điểm)

Câu 1 (1,5 điểm). Cho hai biểu thức $A = \frac{\sqrt{x+4}}{\sqrt{x-1}}$ và $B = \frac{3\sqrt{x+1}}{x+2\sqrt{x-3}} - \frac{2}{\sqrt{x+3}}$ với $x \geq 0; x \neq 1$.

a) Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 9$

b) Rút gọn biểu thức B

c) Tìm tất cả các giá trị của x để $\frac{A}{B} = 7$

Câu 2 (2,0 điểm).

1. Cho đường thẳng $d: y = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1$ và parabol $(P): y = \frac{1}{2}x^2$.

a) Với $m = 1$, tìm tọa độ các giao điểm của d và (P) .

b) Tìm các giá trị của m để d cắt (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 sao cho $|x_1 - x_2| = 2$.

2. Cho hệ phương trình:
$$\begin{cases} 2x + y = 5m - 1 \\ x - 2y = 2 \end{cases} \quad (m \text{ là tham số})$$

a) Giải hệ phương trình với $m = 1$

b) Tìm m để hệ phương trình có nghiệm $(x; y)$ thỏa mãn: $x^2 - 2y^2 = 4$.

Câu 3 (3,0 điểm). Cho 3 điểm A, D, E có định thẳng hàng theo thứ tự đó. Vẽ đường tròn tâm O đi qua D và E (tâm O không thuộc DE). Từ A kẻ 2 tiếp tuyến AB, AC với đường tròn tâm O (trong đó B, C là các tiếp điểm).

a) Chứng minh $ABOC$ là tứ giác nội tiếp;

b) Gọi H là giao điểm của BC và AO . Chứng minh $AB^2 = AH \cdot AO$

c) Chứng minh $\triangle AHD \sim \triangle AEO$.

d) Chứng minh đường thẳng BC luôn đi qua một điểm cố định khi đường tròn tâm O thay đổi.

Câu 4 (0,5 điểm). Giải phương trình: $\sqrt{5x^2 + 27x + 25} - 5\sqrt{x+1} = \sqrt{x^2 - 4}$.

Hết

PHẦN I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

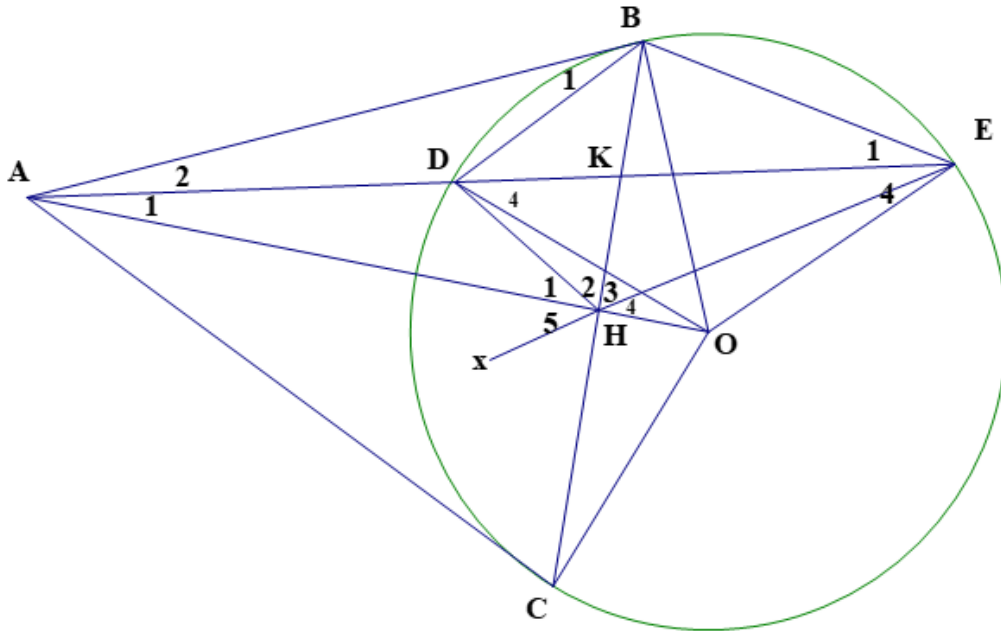
Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
ĐA	C	D	C	D	A	B	C	A	D	D	C	D

PHẦN II. TỰ LUẬN

Câu	Đáp án	Điểm
1	<p>a) Với $x = 9$ (thỏa mãn điều kiện), ta có $A = \frac{\sqrt{9} + 4}{\sqrt{9} - 1} = \frac{7}{2}$</p>	0,5
	<p>b) Với $x \geq 0; x \neq 1$ ta có:</p> $B = \frac{3\sqrt{x} + 1}{x + 2\sqrt{x} - 3} - \frac{2}{\sqrt{x} + 3} = \frac{3\sqrt{x} + 1}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 3)} - \frac{2}{\sqrt{x} + 3} = \frac{3\sqrt{x} + 1 - 2(\sqrt{x} - 1)}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 3)}$ $B = \frac{3\sqrt{x} + 1 - 2\sqrt{x} + 2}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 3)} = \frac{\sqrt{x} + 3}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 3)} = \frac{1}{\sqrt{x} - 1}$	0,5
	<p>c) Ta có: $\frac{A}{B} = 7$</p> $\Rightarrow \frac{\sqrt{x} + 4}{\sqrt{x} - 1} : \frac{1}{\sqrt{x} - 1} = 7 \Leftrightarrow \frac{\sqrt{x} + 4}{\sqrt{x} - 1} \cdot \frac{\sqrt{x} - 1}{1} = 7 \Leftrightarrow \sqrt{x} + 4 = 7$ $\Leftrightarrow \sqrt{x} + 4 = 7 \Leftrightarrow \sqrt{x} = 3 \Leftrightarrow x = 9 (t/m).$ <p>Vậy $x = 9$ thỏa mãn yêu cầu bài toán.</p>	0,5
2.1	<p>a) Với $m = 1 \Rightarrow d: y = x + \frac{3}{2}$.</p> <p>Hoành độ giao điểm của d và (P) là nghiệm của phương trình:</p> $\frac{1}{2}x^2 = x + \frac{3}{2} \Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 = 0$ <p>có $a - b + c = 1 - (-2) + 3 = 0$</p> $\Rightarrow x_1 = -1; x_2 = 3 \Rightarrow y_1 = \frac{1}{2}; y_2 = \frac{9}{2}$	0,5

	<p>Vậy với $m = 1$, tọa độ giao điểm của d và (P) là $\left(-1; \frac{1}{2}\right); \left(3; \frac{9}{2}\right)$.</p>	
	<p>b) Phương trình hoành độ giao điểm của (d) và (P) :</p> $\frac{1}{2}x^2 = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1 \Leftrightarrow x^2 - 2mx + m^2 - 2m - 2 = 0 \quad (1)$ <p>Đề (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt thì phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt</p> $\Leftrightarrow \Delta' = 2m + 2 > 0 \Leftrightarrow m > -1.$ <p>Theo định lí Vi-et, ta có: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m \\ x_1 \cdot x_2 = m^2 - 2m - 2 \end{cases}$</p> $ x_1 - x_2 = 2 \Leftrightarrow (x_1 - x_2)^2 = 4$ $\Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2 = 4$ $\Leftrightarrow (2m)^2 - 4(m^2 - 2m - 2) = 4$ $\Leftrightarrow 4m^2 - 4m^2 + 8m + 8 = 4$ $\Leftrightarrow 8m = -4$ $\Leftrightarrow m = -\frac{1}{2} \quad (\text{thỏa mãn } m > -1)$ <p>Vậy với $m = -\frac{1}{2}$ thì d cắt (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 sao cho $x_1 - x_2 = 2$</p>	0,5
2.2	<p>a) Với $m = 1$ ta có hệ phương trình: $\begin{cases} 2x + y = 4 \\ x - 2y = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x + 2y = 8 \\ x - 2y = 2 \end{cases}$</p> $\Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 10 \\ x - 2y = 2 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 0 \end{cases}$ <p>Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất: $(x; y) = (2; 0)$.</p>	0,5
	<p>b) Giải hệ: $\begin{cases} 2x + y = 5m - 1 \\ x - 2y = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x + 2y = 10m - 2 \\ x - 2y = 2 \end{cases}$</p> $\Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 10m \\ x - 2y = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2m \\ y = m - 1 \end{cases}$ <p>Có: $x^2 - 2y^2 = 1 \Leftrightarrow (2m)^2 - 2(m - 1)^2 = 4 \Leftrightarrow 2m^2 + 4m - 6 = 0$</p> $\Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 = 0 \Leftrightarrow (m - 1)(m + 3) = 0$ <p>Tìm được: $m = 1$ và $m = -3$</p>	0,5

3



1,0

a) Vì AB, AC là 2 tiếp tuyến cắt nhau tại A nên $AB \perp BO$, $AC \perp CO$

$$\square \widehat{ABO} + \widehat{ACO} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

\square ABOC là tứ giác nội tiếp

b) Vì AB, AC là 2 tiếp tuyến cắt nhau tại A nên $AB = AC$ và AO là tia phân giác của \widehat{BAC}

$\square \triangle ABC$ cân tại A

\square AO là trung trực của BC

\square AO \perp BC tại H

Xét $\triangle ABO$ vuông tại B đường cao BH ta có $AB^2 = AH \cdot AO$ (1).

1,0

c) Xét $\triangle ABD$ và $\triangle AEB$ có \widehat{A}_2 là góc chung, $\widehat{B}_1 = \widehat{E}_1$ (Cùng bằng nửa số cung BD)

$$\square \triangle ABD \sim \triangle AEB \square \frac{AB}{AD} = \frac{AE}{AB} \Rightarrow AB^2 = AE \cdot AD \quad (2)$$

$$\square AD \cdot AE = AH \cdot AO \square \frac{AO}{AD} = \frac{AE}{AH}$$

Từ (1) và (2)

$$\triangle AHD \text{ và } \triangle AEO \text{ có } \widehat{A}_1 \text{ là góc chung, } \frac{AO}{AD} = \frac{AE}{AH}$$

Xét

$$\square \triangle AHD \sim \triangle AEO$$

0,5

d) Vì $\triangle AHD \sim \triangle AEO$ $\square \widehat{H}_1 = \widehat{E}_4$ $\square \widehat{BHD} + \widehat{E}_4 = 180^\circ$ \square OEDH là tứ giác nội tiếp

$$\square \widehat{H}_4 = \widehat{D}_4 \text{ (cùng chắn cung OE)}$$

$$OD = OE \square \triangle EOD \text{ cân tại O } \square \widehat{E}_4 = \widehat{D}_4 \square \widehat{E}_4 = \widehat{H}_4$$

$$\widehat{E}_4 = \widehat{H}_1 \square \widehat{H}_1 = \widehat{H}_4$$

Mà

$$\widehat{H}_3 + \widehat{H}_4 = \widehat{H}_1 + \widehat{H}_2 = 90^\circ \square \widehat{H}_2 = \widehat{H}_3$$

\square HB là tia phân giác của \widehat{EHD} .

0,5

	$\frac{HD}{HE} = \frac{DK}{EK}$ <p>Gọi K là giao điểm của BC và AE</p> <p>Kẻ tia Hx là tia đối của tia HE $\widehat{H_5} = \widehat{H_4}$, $\widehat{H_1} = \widehat{H_5}$</p> <p>$\square$ HA là tia phân giác của \widehat{HD} $\frac{HD}{HE} = \frac{DA}{EA}$, $\frac{KD}{KE} = \frac{DA}{EA}$</p> <p>Vì A, D, E cố định nên K cố định. Vậy BC đi qua K cố định.</p>	
4	<p>ĐKXD: $x \geq 2$.</p> <p>Ta có:</p> $\sqrt{5x^2 + 27x + 25} - 5\sqrt{x+1} = \sqrt{x^2 - 4}$ $\Leftrightarrow \sqrt{5x^2 + 27x + 25} = 5\sqrt{x+1} + \sqrt{x^2 - 4}$ $\Leftrightarrow 5x^2 + 27x + 25 = x^2 - 4 + 25x + 25 + 10\sqrt{(x+1)(x^2 - 4)}$ $4x^2 + 2x + 4 = 10\sqrt{(x+1)(x^2 - 4)}$ $\Leftrightarrow 2x^2 + x + 2 = 5\sqrt{(x+1)(x^2 - 4)} \quad (1)$ $(1) \Leftrightarrow 5\sqrt{(x^2 - x - 2)(x+2)} = 2(x^2 - x - 2) + 3(x+2) \quad (2)$ <p>Đặt $a = \sqrt{x^2 - x + 2}$; $b = \sqrt{x+2}$ ($a \geq 0$; $b \geq 0$)</p> <p>Đặt</p> <p>Lúc đó, phương trình (2) trở thành:</p> $2a^2 - 5ab + 3b^2 = 0$ $\Leftrightarrow (a-b)(2a-3b) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a=b \\ 2a=3b \end{cases} (*)$ <p>+ Với $a=b$ thì</p> $\sqrt{x^2 - x - 2} = \sqrt{x+2} \Leftrightarrow x^2 - 2x - 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 - \sqrt{5} \text{ (VL)} \\ x = 1 + \sqrt{5} \text{ (t/m)} \end{cases}$ <p>+ Với $2a=3b$ thì $2\sqrt{x^2 - x - 2} = 3\sqrt{x+2} \Leftrightarrow 4x^2 - 13x - 26 = 0$</p> $\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{13 + 3\sqrt{65}}{8} \text{ (t/m)} \\ x = \frac{13 - 3\sqrt{65}}{8} \text{ (VL)} \end{cases}$ <p>Vậy phương trình đã cho có hai nghiệm:</p> $x = 1 + \sqrt{5} \text{ và } x = \frac{13 + 3\sqrt{65}}{8}$	0,5

Ghi chú : HS làm cách khác đúng vẫn cho điểm tối đa