|  |  |
| --- | --- |
| **PHÒNG GD & ĐT HẢI LĂNG**  **ĐỀ CHÍNH THỨC** | **ĐỀ THI KHẢO SÁT HỌC SINH GIỎI LỚP 8**  **NĂM HỌC 2008-2009**  Thời gian làm bài : 150 phút |

**Bài 1. (3 điểm)**

Làm thế nào để đem được 6 lít nước từ sông về nếu trong tay chỉ có 2 cái can, một can có dung tích 4 lít, một can có dung tích 9 lít và không can nào có vạch chia dung tích ?

**Bài 2. (3 điểm)** Một số gồm 4 chữ số giống nhau chia cho một số gồm 3 chữ số giống nhau thì được thương là 16 và số dư là một số r nào đó

Nếu số bị chia và số chia đều bớt đi một chữ số thì thương không đổi và số dư giảm bớt 200. Tìm các số đó

**Bài 3. (3 điểm)**

Chứng minh rằng chia hết cho 6 với mọi số tự nhiên n

**Bài 4. (3 điểm)** Tính tổng 

**Bài 5. (4 điểm)** Nhân ngày 1 – 6 một phân đội thiếu niên được tặng một số kẹo. Số kẹo này được chia hết và chia đều cho mọi người trong phân đội. Để đảm bảo nguyên tắc ấy phân đội trưởng đề xuất cách nhận phần kẹo của mỗi người như sau:

Bạn thứ nhất 1 cái kẹo và được lấy thêm số kẹo còn lại. Sau khi bạn thứ nhất đã lấy phần mình, bạn thứ hai nhận 2 cái kẹo và được lấy thêm số kẹo còn lại. Cứ tiếp tục như thế đến bạn cuối cùng thứ n nhận cái kẹo và được lấy thêm số kẹo còn lại.

Hỏi phân đội thiếu niên nói trên có bao nhiêu đội viên và mỗi đội viên nhận bao nhiêu kẹo.

**Bài 6. (4 điểm)** Cho tam giác ABC cân tại A, có Trên AB lấy điểm D sao cho Tính số đo 

**ĐÁP ÁN**

**Bài 1.**

Ký hiệu là trạng thái can 4 lít có a lít với  và can 9 lít có lít với . Khi đó việc lấy được 6 lít nước từ sông được diễn tả qua các trạng thái sau:



**Bài 2.** Ta có: 

Với 

Trừ các đẳng thức ta có:



Ta có các số và thỏa mãn.

**Bài 3.**

Ta có: chia hết cho 3 vì tích của 3 số nguyên liên tiếp

Ta cũng có chia hết cho 2 vì trong 3 số liên tiếp có 1 số chẵn

Mà . Vậy chia hết cho 6

**Bài 4.**

****

**Bài 5.**

Gọi số kẹo phân đội được tặng là (cái) ; 

Số kẹo bạn thứ nhất nhận: (cái)

Số kẹo còn lại sau khi bạn thứ nhất nhận (cái)

Số kẹo bạn thứ hai nhận : (cái)

Vì số kẹo của mỗi bạn bằng nhau nên ta có phương trình:



Số kẹo mỗi đội viên nhận là: 

Số đội viên là : (bạn)

**Bài 6.**

****

Ở miền trong tam giác ABC ta dựng tam giác đều  khi đó:



và suy ra 