**ĐỀ 76**

**HSG TOÁN 9 QUẢNG NINH 22-23**

**Bài 1. (3,0 điểm):** Cho biểu thức A = với và x 1.

a. Rút gọn biểu thức A;

b. Tìm giá trị của x để nhận giá trị nguyên.

**Bài 2. (5,0 điểm):**

1. Giải hệ phương trình:

2. Giải phương trình:

**Bài 3. (3,0 điểm)**: Cho các số nguyên dương x, y thỏa mãn:

a. Chứng minh là phân số tối giản;

b. Tìm tất cả các cặp số (x; y)

**Bài 4. (7,0 điểm)**: Cho nửa đường tròn tâm O, đường kính AB. Trên nửa mặt phẳng bờ AB chứa nửa đường tròn (O) vẽ tia tiếp tuyến Ax với nửa đường tròn. Trên tia Ax lấy điểm C bất kì (C khác A), đường thẳng BC cắt nửa đường tròn (O) tại điểm D (D khác B). Gọi H là hình chiếu của A trên OC, đường thẳng DH cắt AB ở E.

a. Chứng minh tứ giác OBDH nội tiếp;

b. Chứng minh

c. Tính tỉ số

**Bài 5. (2,0 điểm)**: Cho các số thực dương x, y thỏa mãn 1. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức P =

**----------HẾT----------**

**LỜI GIẢI**

**Bài 1. (3,0 điểm):** Cho biểu thức A = với và x 1.

a. Rút gọn biểu thức A;

b. Tìm giá trị của x để nhận giá trị nguyên.

**Lời giải**

a. Rút gọn biểu thức A;

A =

= =

b. A = 7 Có 6 Vậy mà Z

= 1 hoặc 2 hoặc 3

+) = 1 A = 2 2 = 7 5 x = (TM)

+) = 2 A = 4 4 = 7 3 x = 4 (TM)

+) = 3 A = 6 6 = 7 x = 100(TM)

**Bài 2. (5,0 điểm):**

1. Giải hệ phương trình:

2. Giải phương trình:

**Lời giải**

1. Giải hệ phương trình:

Vậy nghiêm của hệ phương trình là (x,y) = (1,3) hoặc (x,y) = (3,1)

2. Giải phương trình:

ĐK:

Vì 0, dấu đẳng thức khi

0, dấu đẳng thức khi

Vậy: (thỏa mãn điều kiện)

**Bài 3. (3,0 điểm)**: Cho các số nguyên dương x, y thỏa mãn:

a. Chứng minh là phân số tối giản;

b. Tìm tất cả các cặp số (x; y)

**Lời giải**

a.

Giả sử UCLN(; ) = d

9

d = 1 hoặc 3 hoặc 9

hay nhưng không chia hết cho 3, cho 9 nên d = 1 tối giản.

**Bài 4. (7,0 điểm)**: Cho nửa đường tròn tâm O, đường kính AB. Trên nửa mặt phẳng bờ AB chứa nửa đường tròn (O) vẽ tia tiếp tuyến Ax với nửa đường tròn. Trên tia Ax lấy điểm C bất kì (C khác A), đường thẳng BC cắt nửa đường tròn (O) tại điểm D (D khác B). Gọi H là hình chiếu của A trên OC, đường thẳng DH cắt AB ở E.

a. Chứng minh tứ giác OBDH nội tiếp;

b. Chứng minh

c. Tính tỉ số

**Lời giải**

****

a. Vì ⁰ tứ giác AHDC nội tiếp

AOC vuông tại A, AH OC

Tứ giác BDHO nội tiếp

b. EHO và EBD có: chung, EHO EBD

EO.EB = EH.ED (1)

Tứ giác AHDC nội tiếp

EAH và EDA có chung, EAH EDA

(2)

Từ (1) và (2)

c. Tứ giác OBDH nội tiếp và

OBD cân tại O

HEB có HO là phân giác

Có:

.Vậy

**Bài 5. (2,0 điểm)**: Cho các số thực dương x, y thỏa mãn 1. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức P =

**Lời giải**

1

P = = . Đặt = t P = với 0 < t

P = = =

= 8, dấu “=” khi = t

, dấu “=” khi t P , dấu “=” khi (x;y) =

Vậy giá trị nhỏ nhất của P là tại (x;y) =

**----------HẾT----------**